

אלקטרוסטטיקה

I

$$\vec{F}_2 = K \frac{q_1 q_2}{r_{21}^2} \hat{r}_{21}$$

חוק קולומב - $(F(r))$ Coulomb

כאשר \vec{F}_2 הוא הכוח שבו \vec{F}_1 החלקיק השני.

עגל: $K=1$

זאתו של קבוע הכוחות K תלוי ביחידות:

$$\Rightarrow \text{מספר אלקטרון} = [esu] = \left[\left(\frac{q_1 q_2}{r^2} \right)^{-2} \right]$$

MKS: $K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \approx 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{Coul^2}$

$$\Rightarrow e \approx 4.8 \times 10^{-10} esu = 1.6 \times 10^{-19} Coul$$

זה חוק אקסלי: הכוח הקול שבו \vec{F}_1 החלקיק מסוים הוא סכום הכוחות שבהם \vec{F}_i מסוים עליו.

$$\vec{F}_q(\vec{r}) = \sum_{i=1}^N \frac{q_i q}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^2} (\vec{r} - \vec{r}_i)$$

מהחלקיקים האחרים:

אנרגיה פוטנציאלית חשמלית $(U(r))$:

הכוח החשמלי הוא כוח מרכזי (תלוי רק במרחק בין החלקיקים) ולכן הוא משמר. לכן העבודה שביצועה U מסוים מנק' A לנק' B אינה תלויה במסלול. האנרגיה הפוטנציאלית החשמלית, כמות האנרגיה של האנרגיה

הפוטנציאלית הנובעת, תמיד צריך להצמידה:

$$W_{A-B} = - \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{a} = - \int_{r_A}^{r_B} \frac{q_1 q_2}{r^2} dr = \frac{q_1 q_2}{r_B} - \frac{q_1 q_2}{r_A} \equiv U(r_B) - U(r_A)$$

בזמן כלל הוא להפיק את נק' האם של האנרגיה הפוטנציאלית האנרגיה:

$$U(r) = \frac{q_1 q_2}{r} + C \quad \vec{r} \rightarrow \infty \quad C$$

בזמן שלם נבדוק כמה אנרגיה צריך כדי להבטל חלקיק מאנרגיה

$$W_{\infty \rightarrow r} = \lim_{R \rightarrow \infty} \left(\frac{q_1 q_2}{R} - \frac{q_1 q_2}{r} \right) = \frac{q_1 q_2}{r} \equiv U(r)$$

לנקודה מסוימת R, ובאופן כללי C יבטל:

$$U = \frac{q_1 q_2}{r_{21}} + \frac{q_1 q_2}{r_{31}} + \dots = \sum_{i=1}^N \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

עבור מספר חלקיקים בלתי מוגבל, מחשבים בעקרון הסופרפוזיציה:

עגל: $[U] = erg$; MKS: $[U] = J$

יחידות:

$$\vec{E}(\vec{r}) \equiv \frac{1}{q} \vec{F}(\vec{r})$$

שדה חשמלי $(\vec{E}(\vec{r}))$:

$\vec{E}(\vec{r})$ הוא שדה וקטורי שמתאר את הכוח שהיה מופע על מסוים q קובעילוכיית מסוים q_1, q_2, \dots בלתי

$$\vec{E}(\vec{r}) = \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^2} (\vec{r} - \vec{r}_i)$$

עבור קובעילוכייה בקיפה:

$$\vec{E}(\vec{r}) = \int_V \frac{\rho(\vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^2} (\vec{r} - \vec{r}') d\vec{r}'$$

עבור התפלגות מסוים כרובה:

עגל: $[E] = \frac{dync}{esu} = \frac{statvolt}{cm}$

MKS: $[E] = \frac{N}{Coul} = \frac{volt}{m}$

יחידות:

I

(2) מצאת צפיפות מטען מוטבה: $\sigma \rightarrow E_{\perp} \rightarrow \rho$. מוצאים פוטנציאל; $E = -\nabla\phi$; מוצאים את השדה הממוצע למוליך: $E_{\perp} = 4\pi\sigma$.

(3) בתחילת עשירי לב שהפוטנציאל (וכן קבץ אלקטרונים) מחושב עם r ובמקרים אחרים קבוצות: $r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$ ואם המטען גבוה במרחק מסוים מהמוליך (במידה b $z=0$): $r = \sqrt{x^2 + y^2 + (z-b)^2}$.

(4) צפיפות מוליכים שהם "סופרפוזיציות" של כמה זוויות: למשל, ייצבו מטען קומות צפופים...

III שדות חופשיים ומוליכים באלקטרוניקה

- (1) במערכים חומך בטהו לבדק קבד (במ מולץ, במ דיאלקטי) - הקיבד עדי.
- (2) גשולת על קבד אם כוזים את הבר שחודד השדה בקבד אל:
- (א) אם הקבד מוליך מתוך מתח: $F = -\frac{dU}{dx}$
- (ב) אם הקבד מתוך מתוך מתח: $F = -\frac{dU}{dx} + V\frac{dQ}{dx}$

באש dx הוא מה ששנייה בקבד (לונק בין לחות, מתוך מתח לא וכו' - למעב קצק, כב x גביון גו נזקקים את הכללת הבר. אדיס השוללה מוחלפת).

$$U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{CV^2}{2} \in$$

(3) במחשבים קבדים בקויים/בלייני וכו', $V = \phi_a - \phi_b$ א.ל.

(4) גשולת של שדה בוללים ושדות חופשיים:

(א) חישוב המטען הכולל הוא קבד המטען החושי $Q = Q_f$ (כ' בקבד מקיבדיל סע לשדה של קבד. אם לא קבד - לחשוב שט).

(ב) $\bar{D} = 4\pi\epsilon_0 \bar{E} = 4\pi\epsilon_0 \bar{E}$. זה השלב הוא. קוצם מוצאים את השדה החופשי.

(ג) $\bar{E} = \frac{\bar{D}}{\epsilon}$. אם ϵ כמה סובים של חומרים ϵ למצוא את ϵ בעכד. גלי סופרפוזיציות.

(ד) $\bar{P} = \frac{\bar{D} \cdot \bar{E}}{4\pi} = \frac{1}{4\pi} (\epsilon - 1) \bar{E}$.

(ה) צפיפויות מטען: $\rho_f = \frac{\bar{D} \cdot \bar{n}}{4\pi}$, $\rho_b = \frac{\bar{E} \cdot \bar{P}}{4\pi}$, צפיפויות מטען חושי ρ_f ו- ρ_b לחשב את

הגולות (שפות, קוי מביש של חומרים) לכו $\Delta D_{\perp} = 4\pi\sigma$, $\Delta E_{\perp} = 4\pi\sigma$, $\Delta P = -\sigma_b$.

עשים לב לבייני השדה גביון החיסוך - זה קבד את סימן המטען.

איבוד אנרגיה במהלך זכ"מ

בתנועה הפוטנציאל בגובה l_2 לפוטנציאל נמוך l_1 יאבד q חלקיק עם מטען q אנרגיה בגודל:

$q\Delta\phi = q(\phi_2 - \phi_1)$ אם מטען q נע בכמה זמן Δt בהספק שדה חשמלי \vec{E} , האנרגיה

שהיא יאבד שווה לעבודה שביצע אלו הנח החשמלי: $dW = \vec{F} \cdot d\vec{s} = q\vec{E} \cdot d\vec{s}$

העבודה ל"ח זמן (הספק) תהיה: $P = \frac{dW}{dt} = q\vec{E} \cdot \frac{d\vec{s}}{dt} = q\vec{E} \cdot \vec{u}$

אם נצא למהירות ממוצעת וזכ"מ חלקיקים נקבע גיווי צאור והספק ל"ח נבח:

$P_V = n\vec{F} \cdot \langle \vec{u} \rangle = nq\vec{E} \cdot \langle \vec{u} \rangle = \vec{E} \cdot \vec{J} \Rightarrow P = \int_V \vec{E} \cdot \vec{J} dV$

כאשר חוק אוהם ($\vec{J} = \sigma \vec{E}$) מתקיים נקבע גיוויים כפוליים: $P = \int_V \sigma E^2 dV = \int_V \rho J^2 dV$

וצאור הנפק המתקבול: $P = \int_V \vec{J} \cdot \vec{E} dV = \left(\frac{I}{A}\right) \left(\frac{V}{L}\right) (AL) = VI \Rightarrow P = VI$

ואם מתקיים חוק אוהם ($V=IR$): $P = I^2 R = \frac{V^2}{R}$

והיחידות של ההספק הן: $[P] = \frac{erg}{\Delta} = volt \cdot amp \equiv Watt = W$

פירוק מהירות האלקטרונים ומקדם זכ"מ

מכאן ניתן להפיק צפיפות זכ"מ בצורת מהירות ממוצעת: $\vec{J}_e = -en_e \langle \vec{u}_e \rangle$ וכן, לפי חוק אוהם נקבע שבשדה חשמלי קבוע מהירות האלקטרונים קבועה:

$\langle \vec{u}_e \rangle = -\frac{\vec{J}_e}{en_e} = -\frac{\sigma}{en_e} \vec{E}$

מכאן שני, בשדה חשמלי מופעל בחל האלקטרונים שואף אותם: $\vec{a}_e = \frac{\vec{F}}{m_e} = -\frac{e}{m_e} \vec{E}$

ולכן, לפי חוק אוהם, נקבע מהירות האלקטרונים אצור: $\langle \vec{u}_e \rangle = \vec{a}_e \cdot t = -\frac{e}{m_e} \vec{E} \cdot t$

כדי לייש את הסתייגה טען זכ"מ שאלקטרונים אכן נאיזים, אבל מנגנונים גאומטריים ומאגרים אנרגיה קינטיים. לכן, למרות שהירותם משתנה, המהירות הממוצעת קבועה.

לכן, אם נסתכל על זמן ממוצע $\langle t \rangle$ נקבע שחוק אוהם כן מתקיים:

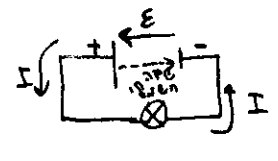
$\vec{J}_e = -en_e \langle \vec{u}_e \rangle = -en_e \vec{a}_e \cdot \langle t \rangle = \frac{e^2 n_e \tau}{m_e} \vec{E}$

לפי קשר זה מפיקים את מוליכות זכ"מ: $\sigma = \frac{e^2 n_e \tau}{m_e}$

הגדרה היא שבבדיקו את צפי המהלך החופשי של האלקטרונים בחומר, נכלול שהמתחמים

שום מ"צבים בקוליים גרבה מתחמק גין האטומים בחומר. לכן מקדם זכ"מ אצור

מקווק, ולמשאונק המדויק נצטק למחבת זה קולטלטים.



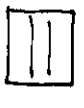
IV - כוח אלקטרומגנטי - E

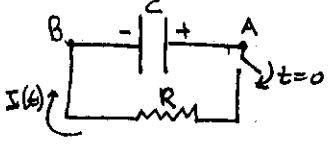
כדי להחזיק כוח צריך להוסיף אנרגיה למטענים החשמליים. מקור האנרגיה צומת צבוקה של החלקיקים -

קול מניע אותם מפוטנציאל נמוך \ominus לפוטנציאל גבוה \oplus ומש"ק את הכוח המפעיל. כוח זה

אנשי שהוא מניע אותם בצדוק לקווי השדה החשמלי גין צבין. לנאה גרנז יתבצות פנימית τ .

בא"ה, במקור מתח, מחושב ביחידות של וולט (V) או (מאס) או (סלומולט) (cgs).



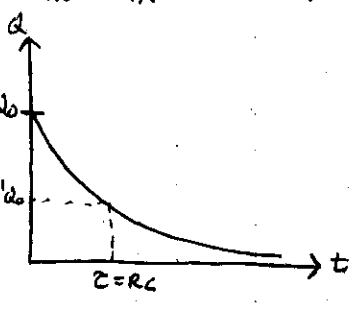


1) פתרון בעיה קבוע

בשני t=0 סופרים את המספר והקבוע מתחיל להתפרק.

$$\left. \begin{aligned} V_C &= \phi_A - \phi_B = \frac{Q}{C} \\ V_R &= \phi_A - \phi_B = IR \end{aligned} \right\}$$

$$\left. \begin{aligned} IR &= \frac{Q}{C} \\ I &= -\frac{dQ}{dt} \end{aligned} \right\} \frac{Q}{C} = -R \frac{dQ}{dt} \Rightarrow \boxed{Q(t) = Q_0 e^{-t/RC}}$$



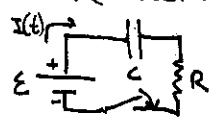
קובענו התפרקות עם קצבה אקספוננציאלית שאופיינית ל' קבוע הקצבה $\tau = RC$. נראה ש $Q(RC) = e^{-1} Q_0 \approx 0.37 Q_0$. הכנס את הצורה לתקופת מחזור:

$$\boxed{I = -\frac{dQ}{dt} = \frac{Q_0}{RC} e^{-t/RC}}$$

האנרגיה בקבוע היא: $U_C(t) = \frac{1}{2} \frac{Q(t)^2}{C}$ ונראה ש $U_C(t) = \frac{1}{2} \frac{Q_0^2}{C} e^{-2t/RC}$

$$-\frac{dU_C}{dt} = -\frac{d}{dt} \left(\frac{Q(t)^2}{2C} \right) = -\frac{Q}{C} \frac{dQ}{dt} = \frac{Q}{C} I = I^2 R$$

אז גיוון ההספק שחוק לאורך הזמן \leftarrow גם האנרגיה שנפסקה מתקבלת הבה לחימום הזמן (גרמה שבמספר קיים צבם לוהט) ואנרגיה לא הולכת לקרינה אלקטרומגנטית.



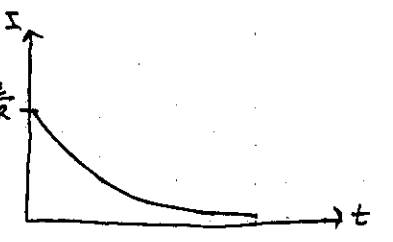
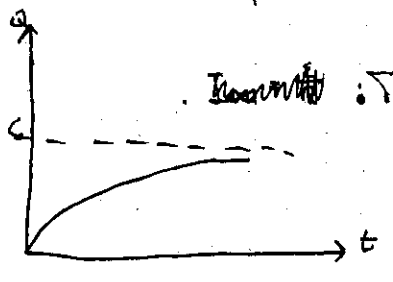
2) פתרון בעיה קבוע

בשני t=0 סופרים את המספר והקבוע מתחיל להטען.

$$\left. \begin{aligned} E - \frac{Q}{C} - IR &= 0 \\ I &= \frac{dQ}{dt} \end{aligned} \right\}$$

$$\dot{Q} + \frac{Q}{RC} = \frac{E}{R} \Rightarrow \boxed{Q(t) = EC (1 - e^{-t/RC})}$$

$$\boxed{I(t) = \frac{E}{R} e^{-t/RC}}$$



אנשים לב E/R הוא גודל הכנס שהיה מקבלים אם לא היה קבוע.

ההספק שניתן מקור ההנאה: $P_C(t) = \dot{Q} \frac{Q}{C} = \frac{E^2}{R} e^{-t/RC} (1 - e^{-t/RC})$

ההספק שהמנג'ר גוזל: $P_R(t) = I^2 R = \frac{E^2}{R} e^{-2t/RC}$

תוספת האנרגיה בקבוע ליה נש:

$$\frac{dU}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{Q^2}{2C} \right) = \frac{Q}{C} \dot{Q} = \frac{Q}{C} I = E (1 - e^{-t/RC}) \frac{E}{R} e^{-t/RC} = \frac{E^2}{R} (e^{-t/RC} - e^{-2t/RC})$$

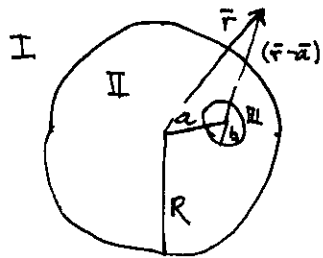
האנרגיה שהמנג'ר גוזל \leftarrow האנרגיה שניתן מקור ההנאה \leftarrow

(1) בשתשבים שדה חשמלי יש חשיבות לבחירת הביוון היחסי של \vec{r} . כשאנשים = השדה שיוצב מטען

q בנקודה A זכיק ש- \vec{r} יהיה בביוון $A \leftarrow \vec{r}$ q, אם \vec{r} בביוון $A \rightarrow q$ הנה זכיק
 חילוקה עם סימן שלילי. $E_{q \rightarrow A} = \frac{q}{r^2} \hat{r}$. $E_{A \rightarrow q} = -\frac{q}{r^2} \hat{r}$

(2) כשעושים חוד בעוק מהנה פלאומטי מוכר כלשהו, אנשים סופרפוזיציה של שקות, בלשכ
 בחוד שמיט מטען המק למטען גיצוק הפלאומטי.

$$\vec{E} = \sum \frac{q_j}{|\vec{r} - \vec{r}_j|^2} (\vec{r} - \hat{r}_j)$$



I: $\vec{E} = \left(\frac{4}{3}\pi R^3 \rho\right) \frac{1}{r^2} \hat{r} - \left(\frac{4}{3}\pi a^3 \rho\right) \frac{1}{|\vec{r}-\vec{a}|^2} (\vec{r}-\hat{a})$

II: $\vec{E} = \left(\frac{4}{3}\pi r^3 \rho\right) \frac{1}{r^2} \hat{r} - \left(\frac{4}{3}\pi a^3 \rho\right) \frac{1}{|\vec{r}-\vec{a}|^2} (\vec{r}-\hat{a}) =$
 $= \left(\frac{4}{3}\pi \rho\right) r \hat{r} - \left(\frac{4}{3}\pi a^3 \rho\right) \frac{1}{|\vec{r}-\vec{a}|^2} (\vec{r}-\hat{a})$

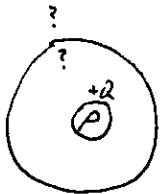
III: $\vec{E} = \left(\frac{4}{3}\pi r^3 \rho\right) \frac{1}{r^2} \hat{r} - \left(\frac{4}{3}\pi (r-a)^3 \rho\right) \frac{1}{|\vec{r}-\vec{a}|^2} (\vec{r}-\hat{a}) =$
 $= \frac{4}{3}\pi \rho \vec{r} - \frac{4}{3}\pi \rho (\vec{r}-\vec{a}) = \frac{4}{3}\pi \rho \vec{a}$

(3) כשאנשים מטען בקליפה מוליכה בלשהי (גדב בקוקית מסג' לבקוק) יתבנו שלוש מצבים:

(א) שטחה - ווא מחלקים את המטען הכולל אליה לשטחי-מטען של הבקוק, וזה היתב.

(ב) מטכריות - ווא הבקוק נשכה אליה 'אנטי-מטען' אצב הקטוב אליו ואת המטען שלו בצב
 השני - כלומר מיסוק.

(ג) מאוקות - ווא מתפקדת כעלב באכפ"י - סה"ה המטען אליה שווה והפוק בס'מן למטען
 הבקוק, והפוטנציאל אליה מתאפס. לכן אחרי הקליפה גשקה והפוטנציאל 'תאפסו'.



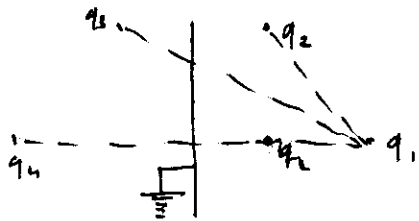
מטעני קמות II

(1) בשתשבים אנכיה של המערכת - זכיק לחשב את הגלת המטען הנקודתי מאינסוף לנקודה בה
 הוא נמצא, בגובחות מטען קמות שלו.

אם יש שני מטענים - קוקם מטען אחד, ווא את המטען השני בגובחות המטען הכללון
 (שבג נמצא הנקודה שלו) ומטעני הקמות.

ומספיק לחשב כק את המענה בזכיק אחד (א).

אם יש כמה מישוכים ← גם בזכוכים שלהם.



$d\vec{I} = (r \cdot dr) \cdot \omega \cdot \vec{z}$
 $dm = \frac{dI}{c} \cdot \vec{a}$

(1) בשילובים של צפיפות המטען והמהירות נקבלים ככה תוצאה:
 (2) בשילובים של המטען המגנטי, \vec{a} הוא הווקטור ^{בסוגריים} טרנסטנזית יקרות:
השדה

(1) אנרגיית קו: קודם מחשבים $\vec{a} \cdot d\vec{I} = \vec{a} \cdot \vec{z} \cdot dI$ אל המטען. אחר כך
 נתון. אחר כך $\epsilon = -M \frac{dI}{dt}$, ואם $I = \frac{\epsilon}{R}$, ואם אשכ ככה למשל תיקון לסדר
 המטען שמגיע מהצד השני המוסבה. וכן, התהליך הזה יכול להיות גם
חשוב וצריך לבדוק את המוסבה - גודל המטען בשני צידי המעגל כזה, ואם
 צריך לבחון את המוסבה ככה
 (2) אשכ למצוא את המטען המוסבה עם דרך $\epsilon = -\frac{1}{2} \frac{dI}{dt}$

קבלת מרחב קואלקטיבי

נאמן קבלת המטען חופשי q_1 שיטתה שדה חשמלי E_1 .

בגדים מרחב קואלקטיבי שיטתה שדה הבוק E_{ind} , השדה החשמלי הכולל קטן פי ϵ : $E = \frac{1}{\epsilon} E_1$

ולכן גם הכפס הפוטנציאלי קטן בקואור ϵ : $V \rightarrow \frac{V}{\epsilon}$. ולכן הקבוצה $C = \frac{q_1}{V} = \epsilon C_{vac}$

חוק גאוס ומרחבים קואלקטיביים

נהוג לחלק את המטען הכולל P למטען חופשי P_f ולמטען קשור P_b : $P = P_f + P_b$

בבדיק את E בתוך השדה הכולל ואת D בתוך השדה שיוצאים המטענים החופשיים.

$\bar{D} \equiv \bar{E}_0 = \epsilon \bar{E} = \bar{E} + 4\pi \bar{P}$

חוק גאוס עבור השדה הכולל "כאילו" $\bar{D} \cdot \bar{E} = 4\pi P = 4\pi (P_f + P_b)$

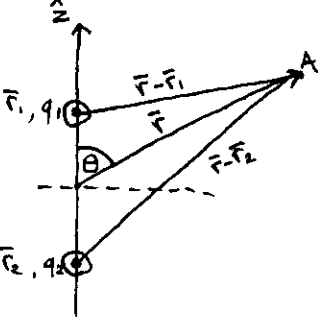
אם הקואור \bar{P} קבוע בגוף החומר בקבוצה קטנה כפול בין D לבין המטען החופשי: $\bar{D} \cdot \bar{D} = 4\pi P_f$

שדומה מאד לקבוצה הכוללת יותר $\bar{D} \cdot \bar{E} = 4\pi P$. את בקבוצה למעלה קיבלנו מהצד $D = \bar{E}$.

אם \bar{P} אינו קבוע אבל נוסף לבגבי D צביונות מטען קשור: $\bar{D} \cdot \bar{D} = \bar{D} \cdot \bar{E} + 4\pi \bar{D} \cdot \bar{P}$

$\Rightarrow 4\pi P_f = 4\pi (P_f + P_b) + 4\pi \bar{D} \cdot \bar{P} \Rightarrow \bar{D} \cdot \bar{P} = -P_b$

IX הקבוצה החשמלית



הפוטנציאל במקרה A הוא: $\phi(r) = \frac{q_1}{|\bar{r}-\bar{r}_1|} + \frac{q_2}{|\bar{r}-\bar{r}_2|}$

נחשב את אורכי הקואורטים גזענות השדה הקואורטיביים:

$|\bar{r}-\bar{r}_1|^2 = r^2 + s^2 - 2rs \cos \theta$

$|\bar{r}-\bar{r}_2|^2 = r^2 + s^2 - 2rs \cos(\pi - \theta) = r^2 + s^2 + 2rs \cos \theta$

עבור מתחמים בקוורטים מאד $(r \gg s)$ נוכל להשתמש בקירובים:

$\frac{1}{|\bar{r}-\bar{r}_1|} = \frac{1}{r(1 + \frac{s^2}{r^2} - \frac{2s}{r} \cos \theta)^{\frac{1}{2}}} \approx \frac{1}{r(1 - \frac{2s}{r} \cos \theta)^{\frac{1}{2}}} \approx \frac{1}{r} (1 + \frac{s}{2r} \cos \theta)$

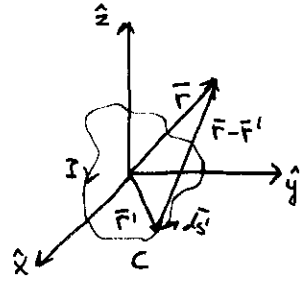
$\frac{1}{|\bar{r}-\bar{r}_2|} \approx \frac{1}{r} (1 - \frac{s}{2r} \cos \theta)$

$\Rightarrow \phi(r) \approx \frac{q_1}{r} (1 + \frac{s}{2r} \cos \theta) + \frac{q_2}{r} (1 - \frac{s}{2r} \cos \theta) = \frac{q_1 + q_2}{r} + \frac{(q_1 - q_2) s \cos \theta}{2r^2}$

נשים לב שהאורך השמאלי הכהה יותר בקוורט מהאורך הימני $(\frac{1}{r^2} < \frac{1}{r})$, ואם $s \gg r$ אז האורך הימני הוא תיקון צביונות, אם מתחמים מאד מאד המטענים בכך אי-אפשר להפריד ביניהם.

אבל אם מסתכלים על שדה המטענים $q_1 = -q_2$ (כמו, למשל, זכרון אוטום וזמן האלקטרוניקה של), אז האורך השמאלי מתאבס והתיקון אינו צביונות.

IV הקיפול המגנטי



עוצמה בלשה, הממוצעת ע"י c במישור $x-y$, נוסחה כזו I .

השטח הממוצע ע"י c מופקד ב- \bar{a} .

1 $\bar{A}(\vec{r}) = \frac{I}{c} \int \frac{d\vec{s}'}{|\vec{r}-\vec{r}'|}$: \vec{r} מציין קצת מהנקודה \vec{r}'

נגזרת סתם אומרת הקיבוע שבג' צלעו בקיפול החשמלי, כלומר $r \rightarrow r'$

2 $\frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}'|} = \frac{1}{r(1+\frac{r'^2}{r^2}-2\frac{\vec{r}\cdot\vec{r}'}{r^2})^{1/2}} \approx \frac{1}{r(1-2\frac{\vec{r}\cdot\vec{r}'}{r^2})^{1/2}} \approx \frac{1}{r}(1+\frac{\vec{r}\cdot\vec{r}'}{r^2})$

3 $\Rightarrow \bar{A}(\vec{r}) \approx \frac{I}{cr} \int d\vec{s}' + \frac{I}{cr^3} \int (\vec{r}\cdot\vec{r}') d\vec{s}'$

4 $\int \vec{\nabla} f \times d\vec{a} = -\int f d\vec{s}$: $f(\vec{r})$ נשתנה במרחב מתמטית עוצר פונקציה סקלרית $f(\vec{r})$

$f(\vec{r})=1$: $\int d\vec{s} = 0 \Rightarrow \frac{I}{cr} \int d\vec{s}' = 0$

$f(\vec{r}) = \text{const} \cdot \vec{r}$: $\vec{\nabla} f = \text{const}$

$\Rightarrow \int \vec{\nabla} f \times d\vec{a} = \text{const} \times \int d\vec{a} = \text{const} \times \bar{a}$

$\Rightarrow \int (\text{const} \cdot \vec{r}) d\vec{s} = \bar{a} \times \text{const}$

$\Rightarrow \int (\vec{r}\cdot\vec{r}') d\vec{s}' = \bar{a} \times \vec{r}$

5 $\Rightarrow \bar{A}(\vec{r}) = \frac{I}{c} \frac{\bar{a} \times \vec{r}}{r^3} \equiv \frac{\bar{m} \times \hat{r}}{r^2}$

באופן דומה להשוג עשנו עוצר הקיפול החשמלי, קיבלנו ביטוי לפוטנציאל אלקטרוני של קיפול מגנטי:

$\bar{m} = \frac{I}{c} \bar{a}$

מנוחה הקיפול המגנטי:

6 $\bar{N} = \bar{m} \times \bar{B}$

מומנט כח על קיפול גשיר מפתח קבוע:

7 $\bar{B}_m = \frac{1}{r^3} [3(\bar{m}\cdot\hat{r})\hat{r} - \bar{m}]$

השדה המגנטי שיוצר קיפול מגנטי:

8 $\bar{F} = (\bar{m}\cdot\vec{\nabla})\bar{B}$

הכח על קיפול בשדה חיצוני לא קבוע:

9 $d\bar{F} = \frac{I}{c} d\bar{l} \times \bar{B}$

כח מגנטי על אלמנט זרם:

10 $U = -\bar{m}\cdot\bar{B}$

אנרגיה כוונצנטרית של קיפול:

V מבטאים חשמלי

(משוואת הציקלוטרון)

$T = \frac{2\pi r}{v}$

הזמן שלוקח לחלקיק להשלים סיבוב נחת השבצת כח עונד:

$\bar{F} = \frac{q}{c} \vec{v} \times \bar{B} \Rightarrow ma = \frac{mv^2}{r} = \frac{q}{c} vB \Rightarrow v = \frac{q r B}{mc}$

$\Rightarrow T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi r \frac{cm}{qrB} = 2\pi \frac{cm}{qB}$

נצאכ את תדירות הציקלוטרון ($\omega_c = \frac{2\pi}{T}$):

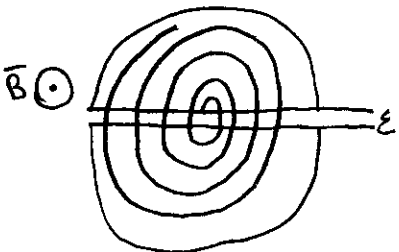
$\Rightarrow \omega_c = \frac{qB}{mc}$

בשהחלקיק יוצר זקק השדה החשמלי שיוצר הכאה E הוא יואל,

והכלים של תדירות יפעל. כדי שיהיה לא נאגד את האנרגיה שהוא

צורך במעגל זקק השדה החשמלי דואבוס שהחלקיק יהיה של מתח

תולדות (השדה משנה קיטור). תדירות החילוכין $\omega_c =$



א-י-כ ציפורים בשדה המגנטי המעגלי דרך מטעם זרם

אז אחת מהתופעות האנרגיות האלקטרוסטטיות. כאילו שבמאמרים דרך מטעם הטעון

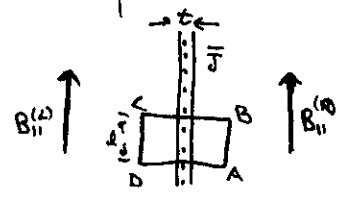
בציפורים מטען משותף ש יש קביצה (גרביה השדה המאוחדים למטה):

$$\frac{\int E_{\pm}^{(R)}}{\int E_{\pm}^{(L)}}: \Delta E = E_{\pm}^{(R)} - E_{\pm}^{(L)} = 4\pi \sigma$$

באותו אופן נסתכל על כביה השדה המגנטי המשותף דרכו זרם זרם חשמלי.

ובנה לולאה אמרד מסביב למטעם דרכו זרם \vec{J} בגיוון \odot .

$$\oint_{ABDA} \vec{B} \cdot d\vec{s} = \int_{ABDA} \vec{B}_{\parallel}^{(R)} - \int \vec{B}_{\parallel}^{(L)} = \frac{4\pi}{c} \int_{enc} = \frac{4\pi}{c} (J \cdot \frac{s}{2t})$$



נפיק את j כציפורים זרם משותף:

$$j \equiv J \cdot t$$

$$\Rightarrow \Delta B_{\parallel} = B_{\parallel}^{(R)} - B_{\parallel}^{(L)} = \frac{4\pi}{c} j$$

וקבלנו בי"א שיהיה קומה עבטוי האלקטרוסטטי:

ואם המטעם הזה הוא היקר היחיד במתח, ואז משיקולי סימטריה השדות משני צידין

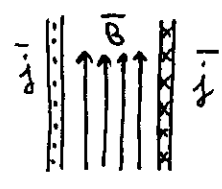
יהיו בגיוון מחצית (גזוקה) מהקביצה:

$$\begin{cases} \vec{B}^{(R)} = \frac{2\pi}{c} j \hat{z} \\ \vec{B}^{(L)} = -\frac{2\pi}{c} j \hat{z} \end{cases}$$

בשכרת הקביצה הוא אפשר לבנות מבנה אנלוגי לקביה לוחות:

בין הלוחות $\frac{4\pi}{c} j \hat{z}$
 מחוץ ללוחות 0

במשבטים את התכונות של שני הלוחות:



VIII זכמי קירות

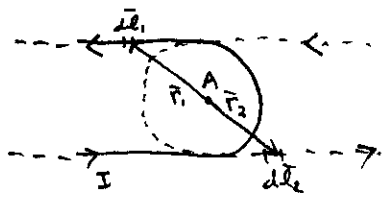
כמו שעבטוי עם מטעני קירות, במגנטיות אפשר לעבוד עם זכמי קירות (תייל שקוף):

(* נמצא את השדה המגנטי במקרה A:

1 $d\vec{B} = \frac{I}{c} \frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^2}$

2 $d\vec{l}_2 = -d\vec{l}_1$
 $\vec{r}_2 = -\vec{r}_1$

$$d\vec{B}_2 = \frac{I}{c} \frac{d\vec{l}_2 \times \vec{r}_2}{r_2^2} = \frac{I}{c} \frac{(-d\vec{l}_1) \times (-\vec{r}_1)}{(-r_1)^2} = d\vec{B}_1$$



בוניס את תיל השקוף כדי לספק סימטריה לבגיה, כמו שקבעו במשולף 2.

עבטוי אפשר עפטט את הגעה; גזפרת זיקרון הסופרפוזיציה נחבוק את המגנה הזה לעשהו

מלכ יותר שמת השדה עליו אנחנו בגד מביכים:

3 $B_z(\rightarrow) = \frac{1}{2} B_z(\rightarrow + \leftarrow) = \frac{1}{2} B_z(\rightarrow) = \frac{1}{2} B_z(\rightarrow + \circ) =$
 $= \frac{1}{2} B_z(2 \text{ תילים ישנים} + \text{לולאה זכמי}) = \frac{1}{2} (2 \cdot \frac{2I}{cR} + \frac{2\pi I}{cR}) = \frac{I}{cR} (2 + \pi)$

4 גיוון השדה המגנטי (\hat{z}) נגזר, כגביל, לכי שלם יק-יומן.

טרנספורמציה של השדות III

כאשר מערכת S נעה במהירות $\vec{\beta}$ תצ-מ'מ'מ' יחסית למערכת S:

$$\begin{cases} \bar{E}'_{||} = \bar{E}_{||} \\ \bar{E}'_{\perp} = \gamma (\bar{E}_{\perp} + \vec{\beta} \times \bar{B}_{\perp}) \end{cases} \quad \begin{cases} \bar{B}'_{||} = \bar{B}_{||} \\ \bar{B}'_{\perp} = \gamma (\bar{B}_{\perp} - \vec{\beta} \times \bar{E}_{\perp}) \end{cases}$$

כאשר מתקיים את השדה לנטייה מקבילים וניצבים למיכות: כשכ מסתגלים זה כנגד זה

$$\begin{cases} E'_x = E_x \\ E'_y = \gamma (E_y - \beta B_z) \\ E'_z = \gamma (E_z + \beta B_y) \end{cases} \quad \begin{cases} B'_x = B_x \\ B'_y = \gamma (B_y + \beta E_z) \\ B'_z = \gamma (B_z - \beta E_y) \end{cases}$$

מקרה מיוחד: אם קיימת מערכת S שבה $\vec{B} = 0$ אזי גם מערכת אחרת S' הנעה

$$\begin{cases} \bar{E}'_{||} = \bar{E}_{||} \\ \bar{E}'_{\perp} = \gamma \bar{E}_{\perp} \end{cases} \quad \begin{cases} \bar{B}'_{||} = 0 \\ \bar{B}'_{\perp} = -\gamma \vec{\beta} \times \bar{E}_{\perp} \end{cases}$$

במהירות \vec{v} יחסית ל-S מתקיים:

$$\vec{B}' = -\vec{\beta} \times \bar{E}'$$

ובין השדה \vec{E}' לבין השדה \vec{B}' מתקיים הקשר הנלווה: ואם קיימת מערכת S שבה $\vec{E} = 0$ אזי ב-S':

$$\begin{cases} \bar{E}'_{||} = 0 \\ \bar{E}'_{\perp} = \gamma \vec{\beta} \times \bar{B}_{\perp} \end{cases} \quad \begin{cases} \bar{B}'_{||} = \bar{B}_{||} \\ \bar{B}'_{\perp} = \gamma \bar{B}_{\perp} \end{cases}$$

$$\vec{E}' = \vec{\beta} \times \bar{B}'$$

טרנספורמציה של הכוחות

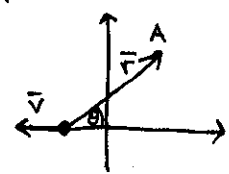
$$\begin{cases} \bar{F}'_{||} = \bar{F}_{||} \\ \bar{F}'_{\perp} = \gamma \bar{F}_{\perp} \end{cases}$$

כוח הכוחות בצד מערכת מטעם השדות: כשהן מתקיימות את המצבים הנ"ל במיכות יחסיות.

שדות של מטען חשמלי בתנועה IV

$$\vec{E} = \frac{q(1 - \frac{v^2}{c^2})}{[1 - (\frac{v^2}{c^2}) \sin^2 \theta]^{1.5}} \frac{\vec{r}}{r^2}$$

נחשב את השדה החשמלי שיוצא חלקיק טעון הנע במהירות \vec{v} וצוי \vec{r} במקוה A:



כיוון שקיימת מערכת בה החלקיק בתנועה ו- $\vec{B}' = 0$, נוכל לחשב לפי: $\vec{B} = -\vec{\beta} \times \vec{E}$

4-וקטור הכוח V

אם ρ_0 הוא צפיפות המטען במע' המנוחה של המטען, אז במע' שבה המטען נע במהירות \vec{u} , צפיפות המטען תהיה (כאשר $\gamma_u = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}}$): $\rho = \gamma_u \rho_0$ וזו נקראת גם שיוויון בצפיפות הכוח:

ביחס עם 4-וקטור המהירות $(\vec{u}, \gamma_u c)$ $\vec{J} = \rho \vec{u} = \gamma_u \rho_0 \vec{u}$

$$\vec{J} = \rho_0 \vec{u} = (\rho_0 \vec{u} c, \rho_0 \gamma_u \vec{u}) = (\rho c, \vec{J})$$

שיטת כתיבן להסכאות

הכיוון כה די פשוט. בק"ב בתחילת השאלה גיבן שדה מגנטי כלשהו \vec{B} .

(1) מחשבים את השטח $\oint \vec{B} \cdot d\vec{a}$ של אותו שדה דרך שטח הצורה שבדקלים: $\Phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{a} = \vec{B} \cdot \vec{a}$

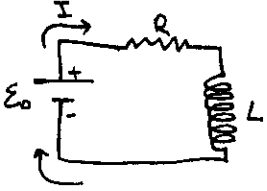
(2) מחשבים את ה- \mathcal{E} : $\mathcal{E} = -\frac{1}{2} \frac{d\Phi}{dt}$

(3) מחשבים את ההסכאות: $M = \frac{\Phi}{I}$

(4) אם כוברים כזו: מחשבים את ההתנגדות $\Leftarrow I = \frac{\mathcal{E}}{R}$

אם בתחילת השאלה גיבנו כזו במקום שדה, לא קודם מחשבים את השדה לפי

הכזו (בק"ב יקודם הצורה סימלית כלשהי שהשדה שלה בכך חושב בעבר).



III מעגלי RL עם תלות בזמן

אם ננסה להקפיד את הכזו: $\mathcal{E}_L < 0 \Rightarrow \frac{dI}{dt} > 0$

להקפיד " " " " : $\mathcal{E}_L > 0 \Rightarrow \frac{dI}{dt} < 0$

באופן כללי, לפי קינדהוף, נקודת שוויון מתחילים: $\mathcal{E}_0 + \mathcal{E}_L - IR = \mathcal{E}_0 - L \frac{dI}{dt} - IR = 0$

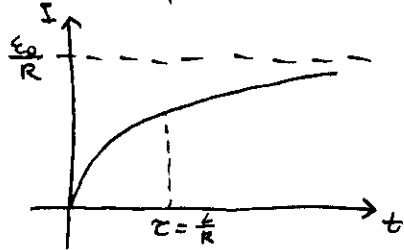
$\Rightarrow \dot{I} + \frac{R}{L} I = \frac{\mathcal{E}_0}{L}$

ומטן נחפץ את מדיכ המעגל:

$\Rightarrow I(t) = \frac{\mathcal{E}_0}{R} (1 - e^{-\frac{R}{L}t})$

מקבלים מעגל בו הכזו בקדם באופן אקספוננציאלי עד שהוא מגיע לכזו מקסימלי של

$I(\infty) = \frac{\mathcal{E}_0}{R}$. כזה הכזו שה"ו מקבלים אם לו היה את הסליל, כך שאנכי לחשוב



הסליל במלל בזכס מעבד של הכזו.

מקדם הקצבה של המעגל, כמו במעגלי RC

$\tau = \frac{L}{R}$

יוצק לפי האקספוננצי:

אם ננתק גגת-אמת את המעגל הכזו יפוע בתחילת אלמנטות: $\frac{dI}{dt} \rightarrow -\infty$ והסליל ינסה

לשמר את הכזו האגוד בצבת השכחת $\mathcal{E} \rightarrow \infty$ $\Leftarrow \mathcal{E}_L \rightarrow \infty$ מאוכף.

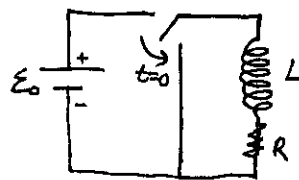
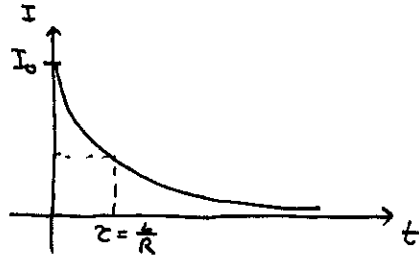
RL - מעגל פכיקה

$-L \frac{dI}{dt} - IR = 0$

$\Rightarrow \dot{I} + \frac{R}{L} I = 0$

$\Rightarrow I(t) = I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$

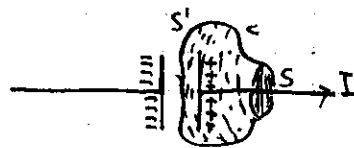
תנאי ההתחלה של המעגל יהיו תנאי הסיום של המעגל:



זרם הזרם - displacement current

לכבי שהוא (מישהו אחר?) הביע לזכרה הסופית $\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{J} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ כשה מקוול תיקון קצת טובה
 שבו הוא המצא סוג גוסל של זרם חשמלי לו הוא קרא זרם הזרם: $\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} (\vec{J} + \vec{J}_d)$

קבל במשהו זכוכה ויזכר זרם I בפיו. אם נגד לזרם אחר סגור אחר
 הערות של קבל והתוסף המוגדר אליו, קבל:



$$\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{s} = \int_S (\vec{\nabla} \times \vec{B}) \cdot d\vec{a} = \frac{4\pi}{c} I_{enc} = \begin{cases} \frac{4\pi}{c} I & \text{משטח S} \\ 0 & \text{משטח S'} \end{cases}$$

$\sigma = \frac{Q}{A}$ מקוול אחר שאם נסתכל על קבל הערות שיהיה בגודל שטח A, אז:

$\Rightarrow E = -4\pi \frac{\sigma}{c}$ קבל בגודל הקבל שיהיה בגודל לבוון הזכוכה:

$$\frac{1}{c} \frac{\partial E}{\partial t} = -\frac{4\pi}{cA} \frac{\partial Q}{\partial t} = \frac{4\pi}{cA} I$$

אם נשתמש בגודלה המוקדמת: $\int_{S'} (\vec{\nabla} \times \vec{B}) \cdot d\vec{a} = \frac{4\pi}{c} \cdot 0 + \int_{S'} \frac{1}{c} \frac{\partial E}{\partial t} \cdot d\vec{a} = \frac{4\pi}{cA} I \cdot A = \frac{4\pi}{c} I$

ובכן, גודלת התיקון אחר מקבלים גם במשטח S את הזכוכה שקודמו במשטח S. וזו.

II משוואות מקוול ב'ק'

זכוכה של משוואות מקוול בהעדר מטעמים: $\rho = 0$ וזכוכה: $\vec{J} = 0$

$$\left. \begin{array}{l} \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0 \\ \vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \\ \vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} \nabla^2 \vec{E} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} \\ \nabla^2 \vec{B} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2} \end{array}$$

פתרון משוואות גודל
 גודל של משוואות הגלים:

הערות

(1) המשוואות הן לזכוכה: אם \vec{E}_1, \vec{E}_2 הם פתרונות אז גם $(\vec{E}_1 + \vec{E}_2)$ הוא פתרון.

(2) קבוצה של פתרונות משוואות מקוול מתא את מתיכות ההתקדמות של הזכוכה \Leftarrow

גלים אלקטרומגנטיים זכוכה במתיכות האור.

(3) כשזכוכה מתא את המשוואה הזכוכה (קבל"ט) כזכוכה את המתיכות של זכוכה מקוול:

$$\left[\frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \frac{\partial^2}{\partial x^2} - \frac{\partial^2}{\partial y^2} - \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right] \vec{E} \equiv \square \vec{E} = 0$$

האופרטור הזכוכה קבוצה אלקטרומגנטית:

(4) הצגת אנרגיה

גודל את וקטור פוינטינג: \vec{S} הוא צפיפות האנרגיה הנוסעת \vec{E} גלי אלמנט לאלמנט

לצפיפות הזכר \vec{S} צדוק מאמין. כלומר, $\vec{S} = c \vec{E} \times \vec{B}$ (דקדק משלם כל שיהי) הוא האנרגיה שחוצה

$$\vec{S} = \frac{c}{4\pi} \vec{E} \times \vec{B}$$

את \vec{S} ביה' אמין; ו- $\frac{S}{c}$ הוא צפיפות זכר התנצ שגשח \vec{E} הזלמ.

$$\mu = \frac{1}{4\pi} (E^2 + B^2)$$

צפיפות האנרגיה:

הכיוון של \vec{S} הוא כיוון התקדמות של הגל והצדק שלו:

$$|S| = \frac{c}{4\pi} |\vec{E} \times \vec{B}| = \frac{c}{4\pi} EB = c \frac{E^2 + B^2}{4\pi} = c\mu \Rightarrow |S| = c\mu$$

$$\nabla \cdot \vec{S} = -\frac{\partial \mu}{\partial t}$$

באנרגיה לחוק שימור המאמין ($\nabla \cdot \vec{J} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$) ישנו גבוק שימור אנרגיה:

$$\nabla \cdot \vec{S} = -\frac{\partial \mu}{\partial t} - \vec{J} \cdot \vec{E}$$

זכר במצבים גהח גליון בוק- יש שימור אנרגיה, צמ תיקון: גבוק

(5) טנסור אנרגיה

$\vec{E} \cdot \vec{B}$, $E^2 - B^2$: ישנה שני בקלים שהם אינוכטנאמס תחת טנסר אנרגיה:

$$\vec{E} \cdot \vec{B} = 0, E^2 - B^2 = 0$$

צדוק גלי אלמנט שני בקלים אלו מקיימים:

המשמעות: אנר (יש אלמנט) נכחה במא אנר גבול מצדק.

אנר: כנר שגזמס מהכ יותכ גביוון הגל, צמרת השקרת הולכת וקטנה $|E| = |B| \Rightarrow v \rightarrow c$

המשמעות: לגל אלמנט אין מצדק מנוחה (אין: לבוליון אין מסת מנוחה).

(6) קוואב

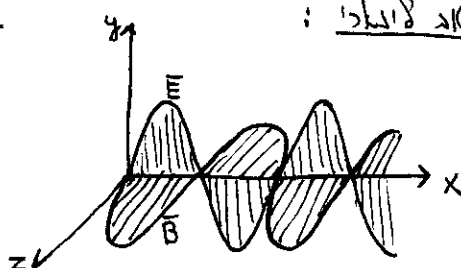
$$\begin{cases} E_x = 0 \\ E_y = f(x-ct) \\ E_z = g(x-ct) \end{cases} \begin{cases} B_x = 0 \\ B_y = -g(x-ct) \\ B_z = f(x-ct) \end{cases}$$

נסתמל \vec{E} כתבון גללי צדוק גל שגז גביוון \hat{x}

ובקיק סגזמס שולמס של קוואב:

$$\begin{cases} f = A \cos[k(x-ct)] = A \cos(kx - \omega t), \omega = kc \\ g = 0 \end{cases}$$

(א) קוואב עולמכי:



אנר וסתמל \vec{E} כיוון גללי \vec{F} :

$$\Rightarrow \begin{cases} \vec{E} = A \cos(kx - \omega t) \hat{y} \\ \vec{B} = A \cos(kx - \omega t) \hat{z} \end{cases}$$

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \cos(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t), \omega = kc$$

$$f = A \cos(kx - \omega t)$$

(ב) קוואב מצדמי:

$$g = A \sin(kx - \omega t)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \vec{E} = A [\cos(kx - \omega t) \hat{y} + \sin(kx - \omega t) \hat{z}] \\ \vec{B} = A [-\sin(kx - \omega t) \hat{y} + \cos(kx - \omega t) \hat{z}] \end{cases}$$

בשהצגו חומרים מבודדים בשדה חשמלי (צד 14) טאו. שמכנסות שתי תוספות:

(1) השטח של קיבולת חשמלית: $\bar{P} = N\bar{p} = N\alpha\bar{E} \equiv \chi_e\bar{E}$: זכירת קיבולת

(2) הנוחה של קיבולת קיימים: $\bar{P} = \frac{Np^2}{k_B T}\bar{E} \equiv \chi_e\bar{E}$: בטמפ' נתונה T

בשגנו המקרים כיוון הקיבול \bar{P} הוא בכיוון השדה החשמלי \bar{E} .

חומר מבודד בשדה חזק

גם כאן נקדם שתי תוספות קומות להבדלת החשמליות, הפועלות על מומנט הקיבול החבלי \bar{m} :

(1) השטח של מומנט קיבול חבלי $\Delta\bar{m}$

מכנסות פוטנציאל (מאד) על מוקד האטום כואים קשיב ג'ן הקיבול החבלי לבין התנצ הזוית' של

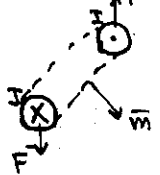
האלקטרון: $\bar{m} = -\frac{e}{2mc}L$. במשצביה את האטום בשדה חבלי מופנל עליו מומנט כוח

$\Delta\bar{m} = -\frac{e}{2mc}\Delta L = -\frac{e^2R^2}{4mc^2}\bar{B}$

שגנה את התנצ הזוית' ואת הקיבול:

כאש m הוא שגת האלקטרון ו-R רדיוס הסגור שלו סגיר והסגין.

מבטעיר אצות'ית: הוצאת השדה החבלי בקטעיה את הקיבול החבלי - קיבולו מעין חבלי הפוק.



מקב זכ של לזנות כנס:

לתוצרה הזו קואים כיאמנאלות.

(2) הנוחה של קיבולים קיימים

קומה לקיבולים החשמלית בשדה חשמלי, שגה חבלי חיצוני יסור לבון מומנט קיי.

$\bar{M} = N\bar{m} = \frac{Nm^2}{k_B T}\bar{B}$

באמנאלותה נתונה T קיים הקסכ:

ולתוצרה זו, המוסה לבון את הקיבול לבון השדה, קואים באמנאלות.

בחומרים אמיתיים מתכנסות שתי התכנסות. אם ההשכלה חכק י'תר מההנוחה החומר יהיה

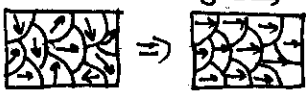
כיאמנלי; ההיפך - באמננלי, כיוון שבאמננליות תלויה בטמפ', שגנו הטמפ' של מומר וכולה

לזנות את איגו.

פכומנאלות

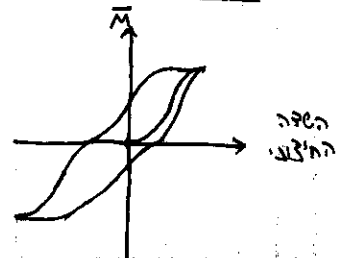
למומכים מסוימים (בכז, נקד וצוק) יש מומנט קיבול חבלי גאון אכז. מתחת לטמפ' קיבי האמנאלות

הרדד'ת גין המומנלים הנפנלים חכק מספיק כזי לבון אותם גאווה כיוון. החומר יתחלק לאזכים



מאבולגים וכנסים אותו בשדה חיצוני המומנלים יתבולבו בכיוון השדה.

לזנות חסל



ככל שמחזקים את השדה החיצוני המומנלים יתבולבו יותר, אך למצב כוויה.

אם נקטין אחר את השדה אז הכיוון יתחיל להתכבק, אבל לא לפנלי - ת'שאר

מעין 'חומנת' של השדה, אם נפקול את השדה בכיוון הסני נקבל הכוונה

סימלית של המומנלים בכיוון השדה החס.

II הפוטנציאל הוקטורי \vec{A}

בהינתן \vec{J} קצת קשה למצוא את \vec{B} בזכות המשוואה $\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{J}$.

לבן, כיוון שאנחנו גם יודעים ש- $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$, אפשר להפיק יצוק חקט, $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = \vec{\nabla} \cdot (\vec{\nabla} \times \vec{A}) = 0$.

שקיים: $\vec{B} = \vec{\nabla} \times \vec{A}$, וזאת מתוך הנגזרת הממיליתית.

\vec{A} , הפוטנציאל הוקטורי, מקיים תבוקי קוואר לצה של \vec{J} , הפוטנציאל הסקלרלי.

כמו שהצגת \vec{J} יכולנו למצוא את \vec{E} בצורה יחסית פשוטה (יותר קל לבטור

$\vec{E} = -\vec{\nabla}\phi$ מאשר לעשות אינטגרלים על המסען ρ בק נצעה גם עם \vec{A} .

כמו שקבענו במצגנו את \vec{J} , בק גם עם \vec{A} . במצגו קשכ בין \vec{A} לבין \vec{J} :

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{A}) = \vec{\nabla} \cdot (\vec{\nabla} \cdot \vec{A}) - \nabla^2 \vec{A} = \frac{4\pi}{c} \vec{J}$$

כיוון שאפשר לקבוע את \vec{A} בתוספת, נקבע אותו בק של: $\vec{\nabla} \cdot \vec{A} = 0$.

$\Rightarrow \nabla^2 \vec{A} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J}$ קבענו משוואה לגולית כמו משוואת לפלס; $\nabla^2 \phi = -4\pi\rho$

את משוואת לפלס בגי כמכנו באופן כללי, יאז כק באינטגרציה כדי שהיא

תיטא כמו $\nabla^2 \vec{A} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J}$ $\Rightarrow \phi(r) = \int \frac{\rho(r') d^3r'}{|r-r'|}$

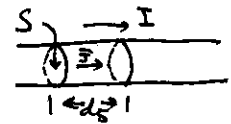
אינטגרל גפתי: $\nabla^2 \vec{A} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J} \Rightarrow \vec{A}(r) = \frac{1}{c} \int \frac{\vec{J}(r') d^3r'}{|r-r'|}$

זו אינטגרל גפתי, על d^3r' , מכ שאורך שבכיק גצמם לעשות שלושה אינטגרלים

כדי לקבוע את שלושת כניגי $\vec{A}(r) = \vec{A}(x, y, z)$.

באופן ככאי אפשר להסתכל על האינטגרל צבוכ כנס בתויל:

$dV = s ds$ במקרה הזה אלמנט הגפתי dV (או d^3r) יהיה: $\Rightarrow \vec{J} dV = \frac{I}{s} ds \vec{s} = I d\vec{s}$



$\Rightarrow \vec{A}(r) = \frac{1}{c} \int \frac{I d\vec{s}(r')}{|r-r'|}$ כנס בתויל:

$$\vec{B}(r) = \frac{1}{c} \int \frac{\vec{J}(r') \times (r-r')}{|r-r'|^3} d^3r'$$

$$\vec{B}(r) = \frac{1}{c} \int \frac{I d\vec{l}' \times (r-r')}{|r-r'|^3}$$

III חוק ביו-ביו-סבר

חוק ביו-ביו-סבר גותן את הקשכ הישיר בין \vec{B} לבין \vec{J} :

ובאופן ככאי, צבוכ כנס בתויל:

קל לטאות שהאינטגרל הזה עלו פשוט (וקונש שלושה אינטגרלים בפכיום, עלם כניגי) ולבן

לפרמט' יהיה פשוט יותר למצוא את \vec{A} וממנו את \vec{B} , כאשכ $\vec{B} = \vec{\nabla} \times \vec{A}$.

$$\vec{A}(r) = \frac{1}{4\pi} \int \frac{\vec{B}(r') \times (r-r')}{|r-r'|} d^3r'$$

בקשכ בין \vec{A} ל- \vec{B} :

II הכרם החשמלי

I

כרם חשמלי מופק בתנועה של אנרגטיות. בין הכרם מופק, היסודות, כיוון

$$I = \frac{dq}{dt}$$

הכרמה של מטעים חיוביים במפעל, ולכן מופק לכיוון האחיזה.

$$q = \int I dt$$

מקשר הבסיס שהכרם הוא היסודי במחמת המטען ניתן למצוא מטען כולל במפעל:

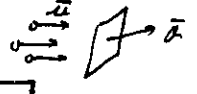
בקי-כלל אובדים עם גילוי מקומי לכרם, הנקרא צפיפות זרם ומסומן באות \vec{J} .

$$I_{\vec{a}} = \frac{Nq}{\Delta t} = nq \vec{a} \cdot \vec{a}$$

ההצדקה של צפיפות הכרם וזאת מגילוי בלי יותב לכרם:

נאס \vec{a} הוא מהירות האלקטרונים, N מספרם, n צפיפותם ו- \vec{a} מספרת בליה זרבה הם זגליה.

$$I_{\vec{a}} \equiv \vec{a} \cdot \vec{J}$$



\vec{J} הוא הזרם הכרם עיחית שטח:

$$\vec{J} = \sum_k n_k q_k \vec{u}_k$$

מפ סוגים של חלקיקים:

$$\vec{J} = qn \langle \vec{u} \rangle$$

חלקיקים עם אותה מטען, מהירות שונות:

$$\Rightarrow I = \int_S \vec{J} \cdot d\vec{a}$$

II חוק שמוך המטען

מציאו שני קשרים בין הכרם החשמלי לבין צפיפות הכרם: $I = \int_S \vec{J} \cdot d\vec{a} = \int_V (\vec{\nabla} \cdot \vec{J}) dV$

ובין הכרם החשמלי לבין המטען: $I = -\frac{dq}{dt} = -\frac{d}{dt} \int_V \rho dV$

* זאמם הפקדנו $I = \frac{dq}{dt}$, אך כרו גילוי מקומי למקור בתוך המפעל. הביטוי $I = -\frac{dq}{dt}$

מקור זה סה"כ המטען ואומך: כרם בזכר מוצגה של המטענים מתוך מטען כולל. לכן המצווס $\vec{\nabla} \cdot \vec{J} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{J} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$$

מתק שני הקשרים למעלה נקבל גילוי מקומי לשמוך המטען:

III מועילות חשמלית וחוק אוהם

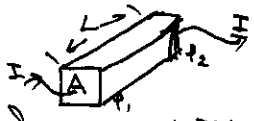
$$J_i = \sigma_{ij} E_j$$

נמצא שקיים קשר לינארי בין צפיפות הכרם לבין השדה החשמלי:

$$\vec{J} = \sigma \vec{E}$$

כאס זיכ נקרא ממד המועילות הסולית. באופן פכטי ניתן לכתוב:

σ - המועילות הסולית (conductivity) משתנה מממד לחומר ופלוני במצב (טמפ, לחץ, וכו').



צפיפות מקבוקלבי

בדי מספרים זה נבקים גלי מתקים מופקדים. ניתן למצוא את התצבותם מקומים:

$$E = \frac{\Delta \phi}{L} \equiv \frac{V}{L}$$

משוואת לנבלס החי-מ'מיות:

$$J = \frac{I}{A}$$

הפקרת צפיפות הכרם:

$$J = \sigma E$$

חוק אוהם:

$$R \equiv \frac{L}{\sigma A} \equiv \rho \frac{L}{A}$$

$$V = RI$$

R נקרא התצבות (resistance) ויחידותיו: $[R] = \frac{\Omega}{cm} = \frac{volt}{amp} \equiv \Omega$

ρ נקרא התצבות סולית (resistivity) ויחידותיו: $[\rho] = \frac{\Omega \cdot cm}{1} \Rightarrow [\sigma] = \frac{1}{\Omega \cdot cm}$

התצבות סולית בקלה עם המפכטאכה.

2) שאלה | בקואנטי לוק בקור מוליך מואלקט

ישנם שני מטען חיובי, q בגודל הקור, על אורו הציור (בדי למשולש סימטרי):

1 $\phi = \frac{q}{r} + \frac{q_1}{r_1} = 0$

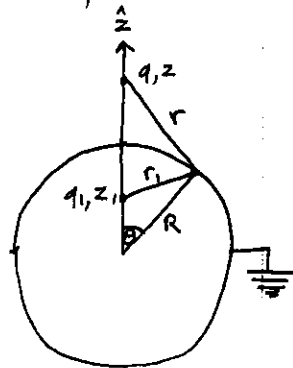
$\Rightarrow \frac{q}{r} = -\frac{q_1}{r_1} \Rightarrow q_1 r = -q r_1 \Rightarrow q_1^2 r^2 = q^2 r_1^2$

2 $r^2 = R^2 + z^2 - 2Rz \cos \theta$ משל הקוס'נוסים:

$r_1^2 = R^2 + z_1^2 - 2Rz_1 \cos \theta$

3 $\Rightarrow q_1^2 (R^2 + z_1^2 - 2Rz_1 \cos \theta) = q^2 (R^2 + z^2 - 2Rz \cos \theta)$

$\Rightarrow q_1^2 (R^2 + z^2) - 2Rq_1^2 z \cos \theta = q^2 (R^2 + z^2) - 2Rq^2 z \cos \theta$



המשוואה היא צבוע להיות נכונה לכל θ (כי $\phi = 0$ על כל הקו המעגלי). לכן גם המקדמים

של θ ושל האגפים החופשיים צריכים להשתוות.

4 $\Rightarrow \left. \begin{aligned} q_1^2 (R^2 + z^2) &= q^2 (R^2 + z_1^2) \\ 2Rq_1^2 z &= 2Rq^2 z_1 \end{aligned} \right\} \begin{aligned} \frac{q_1^2}{q^2} &= \frac{z_1}{z} \\ R^2 + z_1^2 &= \frac{q_1^2}{q^2} (R^2 + z^2) = \frac{z_1}{z} (R^2 + z^2) \end{aligned}$

5 $\Rightarrow z z_1^2 - (R^2 + z^2) z_1 + R^2 z = 0$ קצת משוואה כמותית דגור, ז:

$\Rightarrow z_{1,2} = \frac{(R^2 + z^2) \pm \sqrt{(R^2 + z^2)^2 - 4R^2 z^2}}{2z} = \frac{(R^2 + z^2) \pm (R^2 - z^2)}{2z} = \frac{R^2}{z}$

$z_1 = \frac{R^2}{z}$: הפתרון הוא: של גודל מיקום מצוי. הפתרון הוא:

$q_1 = -\sqrt{\frac{z_1}{z}} q = -\frac{R}{z} q, \quad z_1 = \frac{R^2}{z}$

מאן מקבלים שמטען הקומה הוא:

עשוי שיש לו את הערך והמיקום של מטען הקומה, מוצאים את ישר השתבש.

בשלב, כדי למצוא את התפלגות המטען המושבה:

1) מחשבים את הפוטנציאל ϕ .

2) מחשבים את כביג הסדה הנציב, על שפת המוליך: $E_{\pm} = -\frac{\partial \phi}{\partial r}$ שפת המוליך

3) מוצאים את σ : $E_{\pm} = 4\pi\sigma$

$\Rightarrow \sigma = \frac{E_{\pm}}{4\pi} = -\frac{1}{4\pi} \frac{\partial \phi}{\partial r}$ שפת המוליך

מצאת סדה המטען המושבה

אסך להיות סדה המטען המושבה הוא אלקטרי מטען הקומה. צבוק להיות.

1 $\oint \vec{E} \cdot d\vec{a} = 4\pi Q_s$ בדי אסך להשתמש במשך גאוס:

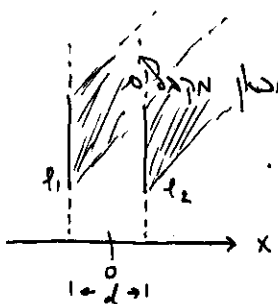
2 $\vec{E} = \vec{E}_q + \vec{E}_{q_1}$ שם q ו q_1 שם מטען חיובי

3 $\oint (\vec{E}_q + \vec{E}_{q_1}) \cdot d\vec{a} = \underbrace{\oint \vec{E}_q \cdot d\vec{a}}_{=0} + \underbrace{\oint \vec{E}_{q_1} \cdot d\vec{a}}_{=4\pi q_1} = 4\pi Q_s$

$\Rightarrow 4\pi q_1 = 4\pi Q_s \Rightarrow Q_s = q_1$

משוואת לפלס היא לא דגור הכי סימפלי לפיכך, וקור הבאות פורשות פתרון גומלי. אגב:

משוואת לפלס במישור



במישור אחת השוואה המסוגלת $\nabla^2 f = 0$ חובבת עיבוד החתום $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = 0$ ומכאן מקבלים $f(x) = ax + b$. אחר a, b מצאנו ע"י תנאי הספה. גאומטרי בשאלה: נסתכל על הפונקציה החשמלית בין שני מטחים אינסופיים מקבילים:

$$\left. \begin{aligned} f_1 = f(-\frac{d}{2}) = -a\frac{d}{2} + b \\ f_2 = f(\frac{d}{2}) = a\frac{d}{2} + b \end{aligned} \right\} \Delta f = f_2 - f_1 = ad \quad \left. \begin{aligned} a = \frac{\Delta f}{d} \\ b = \frac{f_1 + f_2}{2} = \bar{f} \end{aligned} \right\} f(x) = \frac{\Delta f}{d} x + \bar{f}$$

גישת לב: (א) עם R מתקיים: $f(x) = \frac{1}{2} [f(x+R) + f(x-R)]$, וזה גומר שכל פונקציה במישור.

$$\vec{E} = -\nabla f = -\frac{\partial f}{\partial x} \hat{x} = -\frac{\Delta f}{d} \hat{x}$$

(ב) הספה החשמלית:

משוואת לפלס במישור מרוכב

הכנס מקבלים משוואה קצת יותר מסוגלת: $\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = 0$, אגב צבטן אפשר

להשתמש בטכניק נוחות משוואות מכוונות:

עם פונקציה מרוכבת z ניתן להאיר בהכבב של חלק אמיבי וחלק קאמיבי: $z = x + iy$

ובע פונקציה מרוכבת $f(z)$, שגוריה החלקים ממשים וקאמיביים, ניתן להאיר ב: $f(z) = U(x, y) + iV(x, y)$

מסתבר ששם $U(x, y)$ וזה $V(x, y)$ משוואת הקאמיביות מתקיימות את משוואת לפלס.

$$\frac{\partial^2 U}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 U}{\partial y^2} = 0, \quad \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} = 0$$

כלומר:

לבן על פונקציה $f(z)$ שדוקה תפתוח לבו שכל גאות פיצוקליות $U(x, y)$ הוא פתרון

לגאיה אחת ו- $V(x, y)$ הוא פתרון לגאיה אחרת (בעלל יחידות הפתרון).

הכיוון פה הוא לקחת איזושהי פונקציה $f(z)$ ולקחת לאצה גאיה פיצוקליות הוא מאימה.

למשל, $f(z) = z^2$ נפתחת ב- $f(z) = z^2 = U(x, y) + iV(x, y) = (x^2 - y^2) + i(2xy)$

ומסתבר ש- $U(x, y) = x^2 - y^2 = const$ פותר את הגאיה של שפה חשמלית לוק בלידה שפה.

שאלות תיאוריות

1) כיצד נמצאת האנרגיה?

למרות שמדובר במונחים אנטיסקלרים (אנרגיה, שדות וכו'), יהיה לנו גישה לחשיב את האנרגיה בש"כית דפסה החשמלי, וזהו למעשה (אנרגיית אלקטרון) $U = \frac{1}{8\pi} \int E^2 dV$ (בג' ב?).

2) הצ"ת הסיון באנרגיה

קיבלנו מספר ביטויים לאנרגיה. ע"י משוואה (4) בחלק הקודם, צריך באמצעותם את סיון הסך בקצ' אנרגיה שלילית: $U = -\frac{q^2}{R} < 0$. אולם משוואה (8) תמיד חיובית: $U = \frac{1}{8\pi} \int E^2 dV$. הפתרון לעיה הוא שבאיש מחשבים את האנרגיה ע"י הסקה חשמלי, צושי את כל המרחב, ולכן לוקחים בחשבון את האנרגיה שהוסקה ב"צבת קונדיטוריות המאצרים, מה שלו צושי בחישוב ע"י אותם מטעמים בקצ'ים.

3) האנרגיה של מטען בקצ'ית

חישוב כמות מכה שהאנרגיה של מטען בקצ'ית מתבקרת:

$$E(r) = \frac{q}{r^2} \Rightarrow u(r) = \frac{q^2}{8\pi r^4}$$
$$U = \int_0^\infty u(r) \cdot 4\pi r^2 dr = \frac{q^2}{2} \int_0^\infty \frac{dr}{r^2} = \infty$$

למרות שלבי קוטלבים האלקטרון הוא ב" מטען בקצ'ית, האלקטרון סטטיקה קלאסית לתי"ח האלקטרון במטען בג' כד"ס, שייקרא הקצ'ים הקלאסי: צגנו בזכר הומוגני: $U = \frac{3}{5} \frac{e^2}{r_c}$

לבי א"ש"ט"ן: $U = m_e c^2$

$$\Rightarrow r_c = \frac{e^2}{m_e c^2} \approx 2.8 \times 10^{-13} \text{ cm}$$

ולכן, צד בג' קבוצ גומי:

4) אנרגיה קצ'ית

במאצרת מטעמים אפשר לבקש לתת-מאצרות, ואת צושי שהאנרגיה הכוללת של המאצרת היא סכום האנרגיות הצלמיות (U_1, U_2) של תת-המאצרות, בתוספת

האנרגיה שנגצרת מהכח שבוצע בין שתי תת-המאצרות (U_{12}):

$$U = U_1 + U_2 + U_{12}$$
$$E^2 = (\vec{E}_1 + \vec{E}_2)^2 = E_1^2 + E_2^2 + 2\vec{E}_1 \cdot \vec{E}_2$$

בשים לב ש- $U_{12} = U_{21}$ ולכן אפשר תמיד לחזור לחשב את האנרגיה בצורה הפשוטה יותר. למשל, בקור ומול, כנאשר: $U_{12} = \sum_{(1)} q_i \phi_i^{(2)} = \sum_{(2)} q_j \phi_j^{(1)} = U_{21}$

את הפוטנציאל של מול קצ' לחשב, והכזכר "כהו בגו מטען בקצ'ית - כק קצ' לטעו באנרגיה בצי"ח.

פוטנציאל חשמלי (φ(r))

התבוננות לאנרגיה הפוטנציאלית של גוף מוטען 'חייב' להיות שווה לזו של קבוצה \vec{r} .

$$W_{\infty \rightarrow \vec{r}} = U(\vec{r}) = \sum_{i=1}^N \frac{q q_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|} \equiv q \phi(\vec{r})$$

אם $\phi(\vec{r})$ אפשר להחזיר דרך האינטגרל:

$$\phi_B - \phi_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} = \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{|\vec{r}_B - \vec{r}_i|} - \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{|\vec{r}_A - \vec{r}_i|}$$

או דרך הקשר החשמלי:

$$\phi(\vec{r}) = \int \frac{\rho(\vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|} d^3r'$$

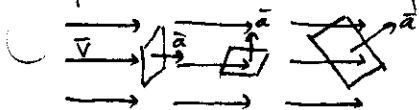
וציגור התפלגות מטרן כזו:

CGS: $\frac{erg}{esu} \equiv statvolt$; MKS: $\frac{J}{Coul} \equiv volt$; $volt = \frac{1}{300} statvolt$!

חוק גאוס

II

צפיפות שטף (flux) Φ : גודל "כמות" השדה שצוברת דרך משטח כלשהו לתיחת זמן.



החישוב השטף תמיד נעשה דרך את כיוון השדה הנצב למשטח:

$$\Phi = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{a}$$

השטף של שדה חשמלי יוצר כ:

מטרן ממוצע למסגרת: כמות המטרן החשמלי מוצב מחוץ למשטח, השטף החשמלי דרך המשטח

'יהיה' אולם (יהיה שטף בנייה ושטף יציאה שצולא זה את זה).

מטרן מוקף למסגרת: ציגור של סוג משטח סגור מטרן חשמלי, גאוס מצא שהשטף הכולל:

$$\Phi = \oint \vec{E} \cdot d\vec{a} = 4\pi Q_{enc}$$

כאשר Q_{enc} הוא כמות המטרן בתוך המשטח.

$$\Phi = \oint \vec{E} \cdot d\vec{a} = 4\pi \int_V \rho dV = 4\pi Q_{enc}$$

וציגור התפלגות מטרן כזו, ניתן לעשות:

כיוון שצוק-גודל איתנו יוצרים כמה מטרן ק"מ בתוך המשטח, נוכל לחשב את השדה

החשמלי שיתנו מטרן יוצר:

(1) "צולבים" את המטרן במצורת גאוסית (בגודל בקור או פני, תלוי בגאומטריה של המטרן).

(2) מחשבים את השטף דרך אותה משטח, בהתאמות ההשדה - מחשבים דק את השטח זרבו

השטף יציגור.

(3) משווים $4\pi Q_{enc}$ ומחשבים את E .

משטח גאוס: קושי בין אינטגרל משטחי לבין אינטגרל נפחי:

$$\Phi = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{a} = \int_V \nabla \cdot \vec{E} dV$$

2

קשרים בין השדה הפוטנציאלי והאלקטרי

1) $\phi_B - \phi_A = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s} \Rightarrow \boxed{\vec{E}(\vec{r}) = -\vec{\nabla}\phi(\vec{r})}$: שדה פוטנציאלי

2) $\phi = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{a} = \int_V \vec{\nabla} \cdot \vec{E} dV = 4\pi \int_V \rho dV \Rightarrow \boxed{\vec{\nabla} \cdot \vec{E}(\vec{r}) = 4\pi\rho(\vec{r})}$: שדה וצפיפות מטען:
 זהו חוק גאוס הדיפרנציאלי. נשים לב שזה ביליו מקומי שבנו עקב \vec{r} , וזה לא תלוי בהתחב.

3) $\left. \begin{aligned} \vec{E} &= -\vec{\nabla}\phi \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= 4\pi\rho \end{aligned} \right\} \Rightarrow \boxed{\nabla^2\phi = -4\pi\rho}$: משוואת פוטנציאל

$\nabla^2\phi = 0$: באזור מסדר מטעמים בקבוצה משוואת פוטנציאל את משוואת לפלס (תחנה גרוסק).

4) $U = \sum_{i < j} \frac{q_i q_j}{r_{ij}} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^N \frac{q_i q_j}{r_{ij}} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N q_i \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^N \frac{q_j}{r_{ij}} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N q_i \phi^{(i)}(\vec{r}_i)$

נשים לב שרעיון דברים: אן ה-1/2 מופיע כדי לגרס סכום כפול של האגרות.

$\phi^{(i)}(\vec{r}_i)$ הוא הפוטנציאל שבנוכח מהמטעמים כולל q_i .

5) $U = \frac{1}{2} \int_V \rho(\vec{r}) \phi(\vec{r}) d^3r$: עבוד התפלגות מטען כזוה בקבוצה:

פה כתבנו את הפוטנציאל הכולל $\phi(\vec{r})$, כולל תכונה אלמנט המטען במקום \vec{r} .

6) $U = -\frac{1}{8\pi} \int_V \phi \cdot \nabla^2 \phi dV$: אינטגרל פוטנציאלי: מהצבת משוואת פוטנציאל (5) בקבוצה:

7) $U = \frac{1}{8\pi} \int_V E^2 dV + \frac{1}{8\pi} \int_S \phi \vec{E} \cdot d\vec{a}$: אינטגרל וסקר: מתוך משוואה (6) ניתן לקבוע:

הנח V הוא תוכן של חוק גאוס-15 המשלבת שורה מחסומים את הטעם. לכן אם נבחר את V , החישוב הבסיסיים וכו' איננו רציפים. בשביל זה שאף את V בקבוצה שהיא חסומה.

לחשוב כי שפת הקובץ, שואף לאנס: $\frac{1}{8\pi} \phi(R) E(R) \int da = \frac{1}{8\pi} \cdot \frac{Q}{R} \cdot \frac{Q}{R^2} \cdot 4\pi R^2 = \frac{Q^2}{2R} \xrightarrow{R \rightarrow \infty} 0$

8) $U = \frac{1}{8\pi} \int_V E^2 dV$: ולכן, אם נבחר עם שפה שכוללת את כל החומר וכו' לקבוע:

9) $u(\vec{r}) = \frac{E^2(\vec{r})}{8\pi} \Rightarrow U = \int_V u(\vec{r}) dV$: ניתן אילו להפיך צפיפות אנרגיה:

עבוד מחנה עם התפלגות מטען כזוה ומטעמים בקבוצה, נעשה סופרפוזיציה:

10) $U = \frac{1}{2} \int_V \rho(\vec{r}) \phi(\vec{r}) d^3r + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N q_i \phi_i$

השדות האלקטרומגנטיים בתווך

בתנאים קלאסיים (15) סילקנו את המטען הכולל ρ ולמציאם מושגים ρ_f , ובמצבם הפכו את השדה החופשי $\nabla \cdot \mathbf{D} = 4\pi \rho_f$ ואת הקיבול: $\nabla \cdot \mathbf{P} = -\rho_f$.
 במובן הפכו קשר בין \mathbf{E} לבין \mathbf{D} : $\mathbf{E} = \frac{\mathbf{D}}{\epsilon} = \frac{\mathbf{D}}{\epsilon_0 + 4\pi \chi_e}$ והפכו את המקום הקלאסי $\epsilon = \epsilon_0 + 4\pi \chi_e$ (שלא כן $\epsilon = 1$ ו- $\epsilon = \epsilon_0$).

$$\mathbf{J} = \mathbf{J}_f + \mathbf{J}_p + \mathbf{J}_m$$

גופן דומה בפני דגור השדה המגנטי:
 \mathbf{J}_f - הזרם החופשי.

\mathbf{J}_p - הזרם שנוצק מהתנועה של הקיבוליים החשמליים.

\mathbf{J}_m - גורם זכמים קטנים (מגנטיים) שבזמנים למומנט (מגנטי) \mathbf{M} .

ניתן לראות (מגנטיים) שקיימים הקשרים הבאים:

$$\mathbf{J}_m = c \nabla \times \mathbf{M}$$

$$\mathbf{J}_p = \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial t}$$

$$\mathbf{H} = \mathbf{B} - 4\pi \mathbf{M}$$

במצבם ניתן לפרש את השדה המגנטי החופשי \mathbf{H} :

ולראות קשר בין השדה החשמלי החופשי \mathbf{E} , השדה המגנטי החופשי \mathbf{H} והזרם החופשי \mathbf{J}_f :

$$\nabla \times \mathbf{H} = \frac{4\pi}{c} \mathbf{J}_f + \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

שנראה כמו משוואת אמפר חמה, אבל חופשי:

$$\mathbf{M} = \chi_m \mathbf{H} \quad \text{vs.} \quad \mathbf{P} = \chi_e \mathbf{E}$$

המשוואות הן להפך סטטיסטיקות הפוק מבחנים:

$$\Rightarrow \mathbf{B} = \mathbf{H} + 4\pi \mathbf{M} = (1 + 4\pi \chi_m) \mathbf{H} \equiv \mu \mathbf{H}$$

μ הוא הפקטוריות המגנטיות:

סיכום

אם מצויים רק גופות שבמציאם החשיים ρ_f ובמציאם החשיים \mathbf{J}_f ניתן לראות את משוואות מקסוול:

$$\begin{cases} \nabla \cdot \mathbf{D} = 4\pi \rho_f \\ \nabla \times \mathbf{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \end{cases} \quad \begin{cases} \nabla \times \mathbf{H} = \frac{4\pi}{c} \mathbf{J}_f + \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \\ \nabla \cdot \mathbf{B} = 0 \end{cases}$$

$$\mathbf{D} = \epsilon \mathbf{E}, \quad \mathbf{H} = \frac{1}{\mu} \mathbf{B}$$

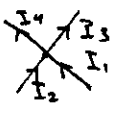
במציאם למציאם ניתן להתיי את $\mathbf{E}, \mathbf{B}, \mathbf{D}, \mathbf{H}$:

זרים בתווך

אם אין מצויים זכמים חופשיים ($\rho_f = \mathbf{J}_f = 0$) בקדם סוג את משוואת הפלים, אבל הפלים

הם האלקטרומגנטי שנקרא יוצר במהירות $\frac{c}{\mu}$, כאשר $\mu = \sqrt{\epsilon \mu}$ הוא מקדם העברה של תווך.

V חוק קירכהוף



$\sum I_i = 0$

$\sum V_i = 0$

- (1) סוק הצומת: כאשר נכנסים סומן (+) ונכנס הנכנס לצומת:
- (2) סוק הלוואה: הכנס הפואנציאליים של לולאה סגורה הוא אפס:

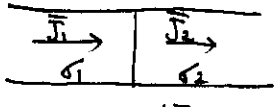
- (3) הכנס הפואנציאליים עם כיוון הזרם: $V = -IR$
- $V = IR$: $\leftarrow + \rightarrow$: " " " " "
- $V = -\frac{Q}{C}$: $\leftarrow + \rightarrow$: " " " " "

חבור התנגדות

$R = R_1 + R_2$: בטוב
 $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$: במקביל

* כלימה עקב שני תחומים שונים

נסתב על מצב של כלימה צמיחה (במקום המסלול הכולל לא משתנה): $\vec{\nabla} \cdot \vec{J} = -\frac{\rho}{\epsilon} = 0$



נסתב על כלימה חצי-מיקית $\vec{J} = J(x)\hat{x}$ עקב שני תחומים שונים:

$\vec{\nabla} \cdot \vec{J} = \frac{dJ}{dx} = 0 \Rightarrow \vec{J} = \text{const} \Rightarrow \vec{J}_1 = \vec{J}_2$

הכנס יהיה קבוע ואחיד עקב שני התחומים, ועכ"פ צריך להיות הקשר בשדות החשמליים:

$\sigma_1 E_1 = J_1 = J_2 = \sigma_2 E_2 \Rightarrow E_2 = \frac{\sigma_1}{\sigma_2} E_1$

ביוון שיש קפיצה בשדה, על קו ההפניה תיווצר צפיפות מטעם חופשי:

$4\pi\sigma = \Delta E = \frac{1}{\epsilon_2} (\sigma_1 - \sigma_2) E_1$

ואם σ שונה בלופן בצדד נקבע צפיפות הפית.

VI - הקצרת מוליך/מבודק

מבודק: באמצע אפס של המטעמים החשמליים קטועים, לכן צפיפות המטען החופשי היא אפס ועלן ההתנגדות אינסופית (מוליכות אפס). ככל שמחממים מבודק משתכלים אלקטרונים.

לכן: ככל שמחממים מבודק, התנגדותו קטרה.

מוליך: באמצע אפס החומר מאז מסודר ויש התנגדות סופית בלשה. ככל שמחממים את החומר הוא פחות מסודר ויש יותר מקום להתנגדות.

לכן: ככל שמחממים מוליך, התנגדותו עולה.

מוליכים בשדה חשמלי

1) השדה בתוך מוליך מתאפס: $\vec{E} = 0$

כשמוליכים מוליך בתוך שדה חשמלי, המטענים החופשיים בתוכו ינוצרו בהסבדת השדה, ויזכו שדה מנוגד. המטענים ישנו עומד על שני השדות יתנו גזרולים ויבטלו.

2) בתוך מוליך $\vec{E} = 0 \Leftrightarrow \rho = 0$

3) אם קיים מטען, הוא נמצא על השפה.

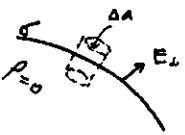
$\vec{E} = -\vec{\nabla}\phi = 0 \Rightarrow \phi = const$

4) בתוך מוליך (ולד שפת המוליך) הפוטנציאל קבוע:

5) בקווק מחוץ למוליך השדה החשמלי יציב לפי המוליך.

אם היה כוב משקי, המטענים היו נעים אל השפה עד שאלתו כוב היה מתבטל.

$\Phi = \Delta a \cdot E = 4\pi(\sigma \cdot \Delta a) \Rightarrow \boxed{E_{\perp} = 4\pi\sigma}$



6) מסקנה

- בתוך חלל שמקום המוליך, השדה החשמלי יהיה אפס (אין מטענים).

- אם יציב מטען q בתוך החלל, הוא יסבה מטען -q על השפה הפנימית ומטען +q על השפה החיצונית.

בק שבתוך החלל יהיה שדה של מטען בקווקי

ומחוץ למוליך גם יהיה שדה של מטען בקווקי: $E(r) = \frac{q}{r^2} \hat{r}$



VI משוואת פאפאס ופאפאס קמות

- יחידות פתרון

מבחינה מתמטית ניתן להסתכל על "הבעיה" בארז ששטחיה הסגור ששאר בזות עם פתול -

שפה (מחברות של מוליכים בקן הפוטנציאלים על שפת המוליכים מהווים תנאי-שפה) שלם יימצא

פתרון למשוואת פאפאס $\nabla^2 \phi = 0$, בהתבסס באותם תנאי-שפה, אלא כה הפתרון היחיד לעיה.

- משפט הממוצע

העיק של $\phi(F)$ בגב בקווקי \bar{F} בתחום חסכ מטענים (בו הפוטנציאל מקיים $\nabla^2 \phi = 0$) שווה לממוצע

של ϕ על-פני כדור בקווקים בגובה שמכנסו ג- \bar{F} . להבנתה בארז 19.

$\phi(\bar{F}) = \frac{1}{4\pi R^2} \int \phi(F) da$

האטמבנה מבוטא על-פני כדור בקווקים R שמכנסו ג- \bar{F} :

מסקנה חשובה: ע- ϕ לא יבולה לעיות בקווקי מקס/מינ' באזור חסכ מטענים.

\Leftrightarrow לא ניתן לייצר שדה אלקטרוסטטי שיזכור לעיקר לעון להשאל באקומו בשווה/שקל יציב

באזור חסכ מטענים.

כמו שגדל המישורי קרטזי תלויה ג'א בלגד, הוצרם בקווי תלות ג'ר בלגד בקווי תלות.

אנחנו צרכים פונקציה מסוג $\psi(r, t)$ שתקיים $\nabla^2 \psi = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$. בקווי תלות: בקווי תלות: $\nabla^2 \psi = \frac{1}{r} \frac{\partial^2}{\partial r^2} (r\psi)$

אל הפונקציה ψ תקיים את משוואת הגלים. נקח פתרון כללי:
 ומה שנקבל זה גם בקווי שגאומטריאליקה שלו יוצרת כמו $\frac{1}{r}$,
 בק שגאומטריה של הקנה תמצק כמו $\frac{1}{r}$.

$$r\psi(r, t) = f(t - \frac{r}{c})$$

$$\Rightarrow \psi(r, t) = \frac{f(t - \frac{r}{c})}{r}$$

IV משוואות מקוונות גאומטריות מלאות וזכאית

$\vec{B} = \nabla \times \vec{A}$ נצטרך עם משוואות מקוונות המלאות, ונצטרך את הפוטנציאלים:

$$\vec{E} = -\nabla \phi - \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \nabla^2 \phi + \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} (\nabla \cdot \vec{A}) = -4\pi \rho \\ \nabla^2 \vec{A} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} - \nabla (\nabla \cdot \vec{A} + \frac{1}{c} \frac{\partial \phi}{\partial t}) = -4\pi \vec{J} \end{cases}$$

במשוואים ג'טויים אלה גשוואות מקבלים סט מזכאית:

כדי לפשט את המשוואות ב"ד אנון: מאחר שחשנו לנו כק $\nabla \times \vec{A}$ נוכל להוסיף $\vec{A} \rightarrow \vec{A} + \nabla \chi$ במקום של פונקציה סקלרית כלשהי $\vec{A} \rightarrow \vec{A} + \nabla \chi$. מאחר ש $\nabla \times (\nabla \chi) = 0$ זהותית הערך של \vec{B} לא ישתנה. אבדל - בשאל לבק שזם \vec{E} , שצטטנו תלו' ג'א, $\vec{A} \rightarrow \vec{A} + \nabla \chi$, \vec{E} לא ישתנה:

אנחנו קצתה ענין משהו \vec{E} כולם

$$\vec{E} = -\nabla \phi - \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} (\vec{A} + \nabla \chi) = -\nabla (\phi + \frac{1}{c} \frac{\partial \chi}{\partial t}) - \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

לכן במשוואים כולם מבצעים זם: $\phi \rightarrow \phi - \frac{1}{c} \frac{\partial \chi}{\partial t}$, כש χ נקטת פונקציה כולם.

$$\nabla \cdot \vec{A} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

במקרה הנכח' נבחר לעצמנו עם כולם לזכור:

$$\Rightarrow \begin{cases} \nabla^2 \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = -4\pi \rho \\ \nabla^2 \vec{A} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J} \end{cases}$$

אפשרת מקבלים מערכת מזכאית פשוטה יותר:

פתרון המשוואות

1) במקרה הסטטי בו $\nabla^2 \phi = -4\pi \rho$ אנחנו יוקצם, כולס $\vec{R} = \vec{r} - \vec{r}'$:
 $\phi(\vec{r}) = \int \frac{\rho(\vec{r}')}{R} d^3r'$

2) אם $\rho = 0$ אז ϕ מקיימת משוואת גלים שאחד מהפתרונותיה הוא גל בקווי:
 $\phi(\vec{r}, t) = \frac{f(t - \frac{R}{c})}{R}$

3) הפתרון הכללי של המשוואה הוא $\nabla^2 \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = -4\pi \rho$ הוא שילוב של פתרונות 1, 2.

וכאז ש $\rho = \rho(\vec{r}, t)$ ואנון קוואי נכתוב את שתי המשוואות המזכאיות:

$$\begin{cases} \phi(\vec{r}, t) = \int \frac{\rho(\vec{r}', t - \frac{R}{c})}{R} d^3r' \\ \vec{A}(\vec{r}, t) = \frac{1}{c} \int \frac{\vec{J}(\vec{r}', t - \frac{R}{c})}{R} d^3r' \end{cases}$$

מועדים חשמליים הם זפ"ם גאומטריים שנוי-פוטנציאל. לכן, גביעות סגולות מטעמים חשמליים
 ליה מועדים (שזמנים להטלת מטעמים על שפת המוליך, בהתפלגות מטען לא ידועה), ניתן
 להחליט את המוליך במטען קמות שימקם בק שהאינטגרציה שלו עם המטען האמיתי תביא
 את אוכלו איזו שווה-פוטנציאל של המוליך.

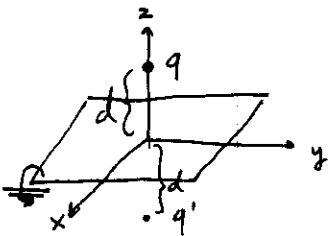
או בתחילת: נמצא מטען קמות בק שפתרון הגזיה הפשוטה יקיים את אותם תנאי-ספה של
 הגזיה המסוגלת. עקב יחידות הפתרון, פתרון הגזיה הפשוטה יפתור את הגזיה המסוגלת.

בצורה דבר אפשר לחשב את כל המעלים שלנו: פוטנציאל, שדה, כח ואנרגיה!

אלד, חשוב לדבר על מטעמים את הגזיה הפשוטה מקבלים פתרון צדק של המטען. אמתו

ב"ק האותו פתרון דק את החלק שמתוך המוליך.

(* נסתכל על שני קמיות מוקדמות גומיות ניתן למצוא גביעול 6.6 :



(1) מטען נקודתי, מטען מוליך אישי, מטען גלילי.

משמאל המוקד: $\sigma = 0$ על המוליך.

בצד מטען קמות q' מתחת למוליך.

משווא: את מטען הקמות תמיד מציגים בתוך/מחוץ המוליך,

כדי "לסמל" אותו מהמטען האמיתי. מטען הקמות לעולם לא יימצאו ליה המטען המקולי,

כי זה נכח עלו יתא את הגזיה המקולית שלנו (בה מטען הקמות עלו ק"ס).

כדי לחשב את σ על המוליך נבחר $q' = -q$:

$$f(r) = \frac{q}{|r-r_1|} - \frac{q}{|r-r_2|} = f(x, y, z) = \frac{q}{\sqrt{x^2+y^2+(z-d)^2}} - \frac{q}{\sqrt{x^2+y^2+(z+d)^2}}$$

בצד, הסקה ליה מוליך ב"ב צד צד: $E_{\perp} = 4\pi\sigma$ המטען המושבה

ובמקרה שלנו מתקדם מציגת 2: $E_{\perp} = -\frac{\partial f}{\partial z} \Big|_{z=0}$

$\Rightarrow \sigma = -\frac{1}{4\pi} \frac{\partial f}{\partial z} \Big|_{z=0} = \dots = -\frac{1}{2\pi} \frac{qd}{(x^2+y^2+d^2)^{3/2}}$

בצדו, מקבלים התפלגות שלפיות עם בק מקסימום בקווק מתחת למטען הקמות, $(x, y, z) = 0$.

נציבוק לקמיות קולותיות? $\sigma(r, \theta) = -\frac{1}{2\pi} \frac{qd}{(r^2+d^2)^{3/2}}$ ונמצא את המטען הכולל של המוליך:

המטען הכולל: $q' = \int \sigma da = \int_0^{2\pi} \int_0^{\infty} -\frac{qd}{2\pi(r^2+d^2)^{3/2}} r dr = -qd \left[\frac{1}{\sqrt{r^2+d^2}} \right]_0^{\infty} = -q$

פשוט מתבטלים את- הנח בין שני המטעמים הקמותים:

כח: $F = -\frac{q^2}{4d^2} \hat{z}$

אנרגיה: $U = -\int_{\infty}^1 F \cdot ds = \int_{\infty}^1 \frac{q^2}{4d^2} dz = -\frac{q^2}{4d}$

זה דק חצי מהאנרגיה של שני מטעמים נקודתיים: $U = -\frac{q^2}{2d}$, כיוון שלחנו מסתגלים בק זר

חצי מהמכתב גזיה המסוגלת, וכלל על מתחת כמו בגזיה הפשוטה. אף צהיכות!

אחד הפתרונות למשוואות הגלים שמתקבלות ב"ק הוא פתרון שבו השדות תלויים רק ב- t ובכיוון מרחבי אחד (נניח \hat{x}) ועל תלויים בכניבים האחרים (\hat{y}, \hat{z}) .
 כאשר מציבים את תנאי ההתחלה החדישים במשוואות מקסוול מקבלים:

(1) כניב x של השדות אינם תלויים במקום או בזמן \Leftrightarrow הם קבועים בכל המרחב כל הזמן.

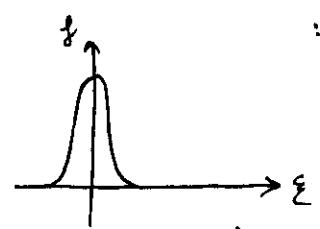
(2) ללא הפגלת הכלליות אפשר לקחת $E_x = B_x = 0$ ובצורה, בגלל סופרפוזיציה, להוסיף

את הפתרון הזה לכל פתרון מוכנה יותר (בואו נחלק ההומוגני אלקטריים לא הומוגניים).

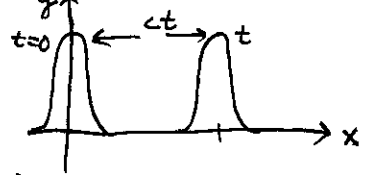
(3) מקבלים שני צורות של משוואות:

$$\begin{cases} \frac{\partial E_y}{\partial x} = -\frac{1}{c} \frac{\partial B_z}{\partial t} & \frac{\partial E_z}{\partial x} = \frac{1}{c} \frac{\partial B_y}{\partial t} \\ \frac{\partial B_z}{\partial x} = -\frac{1}{c} \frac{\partial E_y}{\partial t} & \frac{\partial B_y}{\partial x} = \frac{1}{c} \frac{\partial E_z}{\partial t} \end{cases}$$

פתרון אפשרי הוא הנוקציה $f(x-ct)$ שמתארת צורה כלשהי f שנועה במהירות c בכיוון x :



אם נחזיק את $f(x-ct) = f(\xi)$ במשתנה במשתנה אחד:



ק'בלנו את ההפצה המתמטית

של כל שני שני מ'נה \hat{x} .

באותה צורה ניתן להפיק $g(x+ct)$ שתנוע שמאלה כל צד \hat{x} .

לכן מתקיים הסופרפוזיציה בקבל: פתרון הסך השמאל:

$$\begin{aligned} E_y(x,t) &= f(x-ct) + g(x+ct) \\ B_z(x,t) &= f(x-ct) - g(x+ct) \\ E_z(x,t) &= F(x-ct) + G(x+ct) \\ B_y(x,t) &= -F(x-ct) + G(x+ct) \\ E_x &= B_x = 0 \end{aligned}$$

פתרון הסך הימני:

למשל: הפתרון:

הצבות

(1) סופרפוזיציה: באזכר אחד יכולים להיות ג'ו-זמנית הבה גלים (סכום פתרונות) של מ'כילים זה לזה. אפשר גם להוסיף שדות קבועים.

שיעור 2: יתכן שדה חשמלי קבוע ללא שדה מגנטי, ושדה מגנטי קבוע ללא שדה חשמלי.

אבל לא יתכן שדה אחד מאינו קבוע, ולכן קיומו של הסעי: $\frac{\partial B_z}{\partial t} \neq 0 \Leftrightarrow \frac{\partial E_y}{\partial x} \neq 0$

(2) כיווני השדות: בכל שדה אלקטרי מתקיים כלל יד-ימין בין הכיוון של \vec{E} , הכיוון של \vec{B} וכיוון התנועה.

$$\vec{B} = \hat{k} \times \vec{E}$$

אם הפס מתקיים בכיוון \hat{k} אז:

$$E^2 = B^2$$

(3) באיזה השדות:

קראות וקבועים

האילו שקיים קשר בין מטען לפוטנציאל: $\nabla^2 \phi = -4\pi \rho$. קיים כגון קשר ליניארי פשוט בין המטען לבין הפוטנציאל. ציבור של מוליך ניתן לקבוע הפוטנציאל של המוליך "ואם המטען הכולל של המוליך."

(1) קראות של מוליך בודד

$q = C \phi_0$

צמ המטען בולד q שמשא הפוטנציאל של, באטק סגור: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{r} = \frac{q}{\epsilon_0}$

הקבוע C זקנה הקראות של המוליך והוא תלוי בצורתו הגאומטרית הנטולאטיבית של המוליך.

בכפ ש-C זקנה יותב נפרט יותב מטען בכי עמיע נאולו פוטנציאל.

MKS: $[C] = \frac{Coul}{V} = Farad$

יחידות:

CGS: $[C] = \frac{esu}{statvolt} = \frac{esu}{cm} = cm$

קראות נמצא ביחידות של אורך:

1 Farad $\approx \frac{3 \cdot 10^9}{300} \frac{esu}{statvolt} = 9 \cdot 10^9 cm$

ובכפ זה זקנה מאק זקנה:

(2) צד מוליכים - קבוע עומות

$\Delta \phi = \phi_2 - \phi_1 = V$

הכפ הפוטנציאלים בין המוליכים:

$q = C \Delta \phi = C V$

ובכפ את הקראות ביחס הכפוכוכיה:



זמין הכפאות נזיה עקרי \sqrt{A} ואז הלוחות יתנהבו כמו לוחות אינסופיים (כפ לתיאון קטן וקבועות).

$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$

מחשואת לכפוס במימק אתה אמתו יוקעם ששקה החשמלי הוא:

$E = E_+ = 4\pi \sigma = 4\pi \frac{q}{A}$

אגם אמתו גם יוקעם שצבור מוליכים:

$C = \frac{A}{4\pi d}$

מכאן מקבועים את הקראות של קבוע עומות:

חיבור קבועים

$C = C_1 + C_2$: במקבילים
 $\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$: באכ

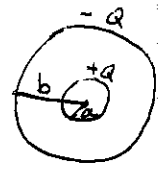
האנכיה של קבוע:

$U = \int_0^q \frac{q}{C} dq = \frac{q^2}{2C} = \frac{1}{2} C V^2$

קבוע בזכוי

$E = \frac{q}{r^2}$

$V = \Delta \phi = \phi_a - \phi_b = \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_a^b \frac{q}{r^2} dr = q \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) = q \frac{b-a}{ab}$



$C = \frac{q}{V} = \frac{ab}{b-a}$

VI משוואות מקסוול

I תיקונים למצב הסטטי

במצב סטטי (אנרגטיות ופוטנציאלים) : $\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = 0$ גורמים אחרים : $\frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$ כאילו :

(גאוס) $\nabla \cdot \vec{E} = 4\pi \rho$ $\nabla \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j}$ (אמפר)
 $\nabla \times \vec{E} = 0$ $\nabla \cdot \vec{B} = 0$ (אין מטעמים מוט"ם)

1) התיקון של חוק פנר

חוק פנר, שגבון ציבור של עקום C והטלח S שהוא תחת, נתן לנו : $\mathcal{E} = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt}$

או, בצורתו האינטגרלית : $\oint_C \vec{E} \cdot d\vec{s} = -\frac{1}{c} \frac{d}{dt} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{a}$

בצורת חוק סטוקס נהפוך : $\oint_C \vec{E} \cdot d\vec{s} = \int_S (\nabla \times \vec{E}) \cdot d\vec{a}$ ונקבל : $\nabla \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$

הצ'יה היא שבתחילת אנרגטיות ופוטנציאלים השתמשו בקב ϵ_0 - $\nabla \times \vec{E} = 0$ בקי להציב את הפוטנציאל :

$\nabla \times \vec{E} = 0 \Rightarrow \vec{E} = -\nabla \phi$. עכשיו צריך להציב מחשבים את ϕ :

$\nabla \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -\frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} (\nabla \times \vec{A}) = -\frac{1}{c} (\nabla \times \frac{\partial \vec{A}}{\partial t})$

$\Rightarrow \nabla \times (\vec{E} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}) = 0 \Rightarrow \vec{E} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = -\nabla \phi \Rightarrow \vec{E} = -\nabla \phi - \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$

ק'גלנו תיקון להצ'רת השדה החשמלי לפי כליים שהוא גם בצ'רת של מקום $(\nabla \phi)$ וגם בצ'רת של זמן $(\frac{\partial \vec{A}}{\partial t})$ שנוסף גם את c \Leftarrow השדה הוא 4-וקטור.

2) התיקון של מקסוול

בחוקים המובנים לנו יש סתירה בין חוק שימור המטען : $\nabla \cdot \vec{j} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$ לבין חוק אמפר : $\nabla \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j}$

או אשים div לשני הצדדים : $\nabla \cdot (\nabla \times \vec{B}) = \frac{4\pi}{c} \nabla \cdot \vec{j} = \frac{4\pi}{c} (-\frac{\partial \rho}{\partial t})$

במצב הסטטי הנ"ל א"כ גם $\nabla \cdot (\nabla \times \vec{B}) = 0$ וכן $\frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$

א"כ במצב קלאסי מקבלים סתירה . צד שמאל תמיד מתאפס, א"כ צד ימין לא .

מקסוול תיקן את צד ימין של חוק אמפר בקי שה div שלו יתאפס :

$\nabla \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j} + \vec{x}$

$\Rightarrow \nabla \cdot \vec{x} = -\frac{4\pi}{c} \nabla \cdot \vec{j} = \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} (4\pi \rho) \stackrel{\text{א"כ}}{=} \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} (\nabla \cdot \vec{E}) = \nabla \cdot (\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t})$

$\Rightarrow \nabla \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$

משוואות מקסוול המלאות

1) חוק קולון / גאוס :

2) חוק אמפר המודרני :

3) חוק פנר :

4) אין מטעמים מוט"ם :

$\nabla \cdot \vec{E} = 4\pi \rho$
 $\nabla \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$
 $\nabla \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$
 $\nabla \cdot \vec{B} = 0$

מגנטוסטטיקה

I- שדות מגנטיים גורמים כתוצאה מהמוסה של מטענים, בלומר מכרם חשמלי.

הכח המגנטי הוא כוח וקטורי המונח הכפוף. הבינון שלו ממוקם לשימוש בו במצבים

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

השדה \vec{B} והמהירות \vec{v} , הוא מתקבל ממשוואת א :

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \frac{1}{c} \vec{v} \times \vec{B})$$

הקטור של $\frac{1}{c}$ מביא מכך שלא צורקים ג- $\frac{1}{c}$. ב- μ_0 הוא גורם (בלומר שונה לאחד).

במגנטוסטטיקה קיימים מספר סוגים של מקבולות לחוקים של אלקטרוסטטיקה:

חוק אמפר

כמו שחוק גאוס קשור בין השדה החשמלי למטען: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = 4\pi q_{enc}$, כך חוק אמפר קשור בין

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \frac{4\pi}{c} I_{enc}$$

השדה המגנטי לבין הזרם הזורם דרך הלולאה המאופיינת:

ואפשר לציבור אתו בקווי במה שאמפרים צום חוק גאוס - גודים לניולאה גאוס שלמטה כוצים

לבקור, כך שפרה סימטריה בשדה שתבטיח את האמברנד $\oint \vec{B} \cdot d\vec{s}$ (בלומר גשה שהשדה יהיה

גבוה ממנו), ומשווים לזמנת הזרם שאמפר קנק אותה לניולה.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \int (\vec{\nabla} \times \vec{B}) \cdot d\vec{a}$$

$$\frac{4\pi}{c} I_{enc} = \int \vec{j} \cdot d\vec{a}$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j}$$

במצבת חוק סטוקס והקשור בין הזרם I לבין צפיפות הזרם \vec{j} אפשר לנסח גיטי דיפרנציאלי לחוק אמפר:

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 4\pi \rho$$

אין מטענים מגנטיים

באלקטרוסטטיקה כאילו שבדי להזיז את השדה החשמלי \vec{E} זכך שיהי משוואות: $\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 4\pi \rho$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = 0$$

ד- $\vec{\nabla} \times \vec{E} = 0$. בגלל צורכ השדה המגנטי \vec{B} . אמפר נתן משוואת אחת:

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

המשוואה השנייה תבאר דיפרנציאלי, וממנה מתקבל של אין מטענים מגנטיים:

צקוו שדה מגנטי אין התפלג ואין סוף - הם גדיב מתמצים לחוק צרמס,

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{a} = 0$$

כך אמרת לכתוב את חוק דיפרנציאלי זה בצורה אינברטלית:

משפט סטרום

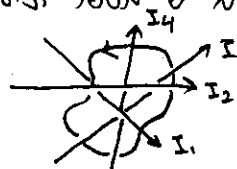
שני התנאים של \vec{B} : $\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j}$, $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$, מסבקים, גרעית תבוא שדה,

צקבוצ את \vec{B} באופן יחודי.

מספר תולים

אם יש מספר תולים שאובנים כך לניולה אמפר, דגשה סוכסוכי צורה:

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \frac{4\pi}{c} \sum I_i$$



השכאות V

חוק פאראדיי: שדה מגנטי המשתנה בזמן מייצר שדה חשמלי.

$$\mathcal{E}_{הולד} = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt}$$

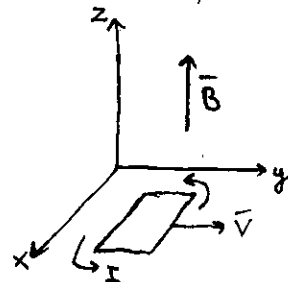
עם יציב לולאה במישור x-y, גשוק מגנטי שמתנה בקבול במישור מושיכה:

$$\Phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

חוק אמפר

זהו חוק שמצביע על הביוון של המגנט ושל הזכס המושיכה.

נסתבם על לולאה הנעה במהירות $\vec{v} = v\hat{y}$ בשדה מגנטי שמתנה $\vec{B} = B_0\hat{z}$. שקטן לולוק \hat{y} . זה אומר שבסם השטח Φ קטן לאונק \hat{y} .



$$\left. \begin{array}{l} \Phi > 0 \\ \frac{d\Phi}{dt} < 0 \end{array} \right\} \mathcal{E} = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt} > 0$$

לפי כלל ימ-ימין סביב השדה המגנטי מקבלים את כיוון הזכס בעולאה.

הזכס החשמלי שמושיכה בעולאה יוצר שדה מגנטי בנוסף (שביווןו בתוך העולאה כלפי מעלה)

שמנסה לעצרת על הכיכה בשטח המגנטי.

אם הזכס המושיכה היה בכיוון הפוך הלא היה יוצר שדה מגנטי כלפי מעלה שהיה מקטן את

יותב את $\vec{B}(y) \Leftarrow$ השטח גשוק היה בקבול יותר \Leftarrow הזכס המושיכה היה בקבול \Leftarrow

\Leftarrow היינו מקבלים תהליך אינסופי שמצדק את עצמו, וזה לא מנוסם.

השכאות הקדיות II

אם יש מצבת של N מצעפים עם זכמים I_i ($i=1,2,\dots,N$) אזי ההשכאות הקדיות

$$M_{ij} = \frac{\Phi_{ij}}{cI_j} = M_{ji}$$

בין מצעפ ז' לבין מצעפ ז' מתונה צ'י:

כאשר Φ_{ij} הוא השטח המגנטי של ז' שצוק בקבול ז' בתוצלה מהשדה של ז'.

$$\mathcal{E}_{ij} = -M_{ij} \frac{dI_j}{dt}$$

ההשכאות הקדיות יוצר ש מושיכה:

היחידות של השכאות הקדיות הן $\frac{sec^2}{cm}$ ג' $\frac{sec^2}{cm}$ או $\frac{sec^2}{cm} \equiv \Omega \cdot \text{ג'}$ ה-MKS.

השכאות עצמיות

כאשר הזכס I בקבול עולאה אחת מ השתנה ישנו שטח גשוק המצבא בקבול העולאה C

$$L = \frac{\Phi}{I}$$

עצמה ולכן יוצר ש מושיכה בעולאה:

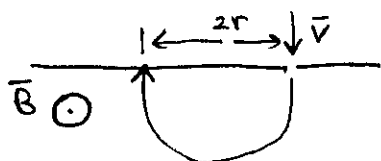
$$\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$$

האנרגיה של משכן

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{8\pi} \int \vec{B}^2 dV$$

כאשר משכן הלא יצור שטח צוק קבול זכס יש לו השכאות עצמיות.

2) ספקטרום מסות



$$m = \frac{qB}{\sqrt{c}} r$$

מתוך הביטוי הקודם גודלם של m ונקבע: אם q יהיו ובחלים מסלול את V , אפס m לחסג את m .

כדי לבדוק את מהירות הכניסה השתמשו עם גשקה מספיק ופס גשקה חסמלי:

כך מטאים שינוי ויכ יצאנו זכך החסול. לכן זכנו

$$qE = \frac{q}{c} V B_1$$

הבה המטאי חלוי במהירות, ובכך גודלים את המהירות:

$$V = c \frac{E}{B_1}$$

VI) אפקט הול

נסתב על גלוק מוליך גיח בגז צלעות גזאפס ל.

$$B = B_z \hat{z}$$

נחב מ'מין ומטור לסוללה ונקוד זכס: $\vec{J} = J_x \hat{x} = nq v_x \hat{x}$

בשחקיקים טעונים נעים בכיוון \hat{x} ומופעל עליהם שדה מטאי בכיוון \hat{z} יכיל עליהם כח מטאי:

$$\vec{F} = m \frac{q}{c} \vec{v} \times \vec{B} = \frac{q}{c} v_x B_z (\hat{x} \times \hat{z}) = -\frac{q}{c} v_x B_z \hat{y} \equiv -F_y \hat{y}$$

החלקיקים ינוצו מטה ויוזכ שדה חסמלי בכיוון ההכוק שילך ויצפס עז שיהכ שהחל חסמלי

$$E_y = \frac{1}{c} v_x B_z = \frac{B_z}{cnq} J_x$$

ישתווה לכה המטאי F_y . במצב מ'מ' $qE_y = F_y$ נקבע:

תוצאות האפקט

$$E_y = \frac{B_z}{cnq} J_x$$

1) קשה ל'מטאי בין שדה לבין צפיפות זכס (כמו בחוק אמרס):

$$E_i = \rho_{ij} J_j$$

זאים פה שמוסה כביאים וקאוליס \Leftarrow מסתתכ בה טנזוכ:

$$\Rightarrow \rho_{yx} = \frac{B_z}{cnq} \equiv \rho_H$$

2) ובק ג'מין להפיק את מהותצקות הסבולית על חום:

$$\left. \begin{aligned} E_y &= \frac{V_y}{l_y} \\ J_x &= \frac{I_x}{l_y l_z} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \rho_H \equiv \frac{B_z}{cnq} = \frac{B_z}{cnq c l_z} I_x$$

2) התוצאות חום

3) הביטוי מאפסל לחיזוק את nq , כולל חס'מ' (מחוקד זכוכיה קיצלנו אד קיסי ל'מטאי בין

$$E \text{ לבין } \vec{J} : \rho = \frac{me}{e^2 n^2} \text{ , טק המטאי } \text{ היה בכיוצ ולכן אויטאפסכ היה להסיק ס'מ'}$$

$$\phi(\vec{r}) = \frac{q \sin \theta}{r^2}$$

במקרה ש- $q_1 = q_2$ נקבל, אם כן, את הפוטנציאל:

$$\bar{p} = q s \hat{z}$$

במקרה הזה מבקשים את וקטור הקיפול החשמלי:

$$\Rightarrow \phi(\vec{r}) = \frac{\bar{p}}{r^2} \cdot \hat{r} = \frac{\bar{p} \cdot \vec{r}}{r^3}$$

השדה החשמלי של קיפול

$$\vec{E} = -\nabla \phi(\vec{r}) = \frac{2p \cos \theta}{r^3} \hat{r} + \frac{p \sin \theta}{r^3} \hat{\theta}$$

$$\vec{E} = -\nabla \phi(\vec{r}) = \frac{3(\bar{p} \cdot \vec{r}) \hat{r}}{r^4} - \frac{\bar{p}}{r^3} = \frac{3(\bar{p} \cdot \vec{r}) \hat{r} - \bar{p}}{r^3}$$

מתוך הקסכ: $\phi(\vec{r}) = \frac{p \cos \theta}{r^2}$

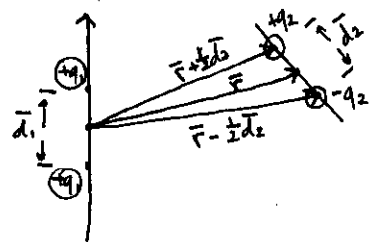
מתוך הקסכ: $\phi(\vec{r}) = \frac{\bar{p} \cdot \vec{r}}{r^3}$

האנכיה ההקדית של קיפולים

האנכיה ההקדית של שני קיפולים היא האנכיה של הנצת קיפול אחד (בעזרם של האנכיה של האנכיה אחרת) גשקה של הקיפול השני. עבור צוג קיפולים, אולי אחד מהם נמצא בטלית, ניתן למצוא:

$$U(\vec{r}, \bar{p}_1, \bar{p}_2) = q_1 \phi_1(\vec{r} + \frac{1}{2} \vec{d}_2) - q_2 \phi_2(\vec{r} - \frac{1}{2} \vec{d}_2) =$$

$$= q_1 \phi_1 \frac{(\vec{r} + \frac{1}{2} \vec{d}_2)}{|\vec{r} + \frac{1}{2} \vec{d}_2|^3} - q_2 \phi_2 \frac{(\vec{r} - \frac{1}{2} \vec{d}_2)}{|\vec{r} - \frac{1}{2} \vec{d}_2|^3}$$



באופן קומה לאורך או חישבו את פוטנציאל הקיפול, ובאמצעות אותה שיטת קיפולים, ניתן למצוא ש:

$$U(\bar{p}_1, \bar{p}_2, \vec{r}) = \frac{\bar{p}_1 \cdot \bar{p}_2}{r^3} - 3 \frac{(\bar{p}_1 \cdot \vec{r})(\bar{p}_2 \cdot \vec{r})}{r^5}$$

(* ביוון וקטור הקיפול \vec{p} או \vec{d} , ביצו החתק בין שני האטמים לנקת, במקרה ש- $q_1 = -q_2$, ביוון מהאטמן השלילי למטמן החיובי.

חומרים דיאלקטריים הם מבודדים אשר בשדה חשמלי יבוצים עקרונות להם שני דברים:

(א) יוצרו דיפולים חשמליים בתוך החומר:



אם נסתכל על מודל פשוט של האטום, אצל גשקה חשמלי השדה

ינסה להפיק ג'ן הפצ'ן רג'ן ז'ן האלקטרוני' סובג' אונ'ו.

הפצ'ן החשמלי יכ'יש, ג'נוס' ע'ס'ק' החיצוני, א'ת השדה שמפ'ד רג'ו ז'ן האלקטרוני'.

תבוצ'ת הפצ'ן ת'וצ'ר ג'ש'י הבוצ'ות שמפ'צ'ים שני השדות יתלכ'ו.

$$p = Ze b = R^3 E$$

ל'ן, ג'וש'י Ze ה'ט' מ'ט'ן הפצ'ן, נק'ג' דיפול':

$$\bar{p} = \alpha \bar{E}$$

וא'לו כ'וא'ם ש'ש ק'ס' ל'ט'א'י ג'ן ק' רג'ן \bar{E} :

ג'ש'י α ה'ט'א' י'בוצ'ת הק'י'א'ג' של ה'ט'וא'ם (polarizability).

נ'נס' להפ'יק צ'פ'י'בוצ'ת ק'י'א'ג', כ'א'ט'י n ה'ט'א' מ'ט' ה'ט'וא'ם ל'ח' ג'מו':

$$\bar{P} = n \bar{p} = n \alpha \bar{E} \equiv \chi_e \bar{E}$$

ש' נק'ט' ה'ס'ס'ט'י'ב'ול'יות החשמל'יות.

$$P_i = \chi_{e,ij} E_j$$

ג'א'ון ג'ל'י, χ_e , כ'מו' ϵ , כ'מו' א'ב'ז'ר:

(ב) הבוצ'ה של דיפולים חשמליים ק"מ"ם

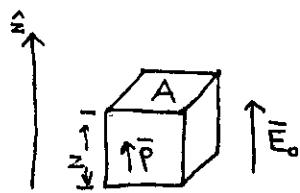
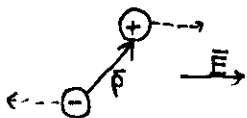
ג'י'ן ז'ה'ט'וא'ת שב'ט'א'ת' ג'מו'ה' ד' ק"מ"ם ג'ם ג'מק'ה' כ'ה' י'ח'ס' ל'ע'ט'ל'י

$$\bar{P} = \frac{n q^2}{k_B T} \bar{E} = \chi_e \bar{E}$$

ג'ן ע'ש'ק'ה' רג'ן צ'פ'י'בוצ'ת הק'י'א'ג':

ϵ כ'מו' ש'מ'ל'ים א'ת ט'א'ת' החומר ק'שה י'ת'ר ל'ק'י'א'ג' א'ונ'ו.

השדה האלקטרי בתוך החומר



נסתכל על קצה עם צפיפות קיטוב אחידה. היפוך הכולל יהיה: $\bar{P}_A = \bar{P} \cdot A \hat{z} = (PA) \hat{z} \equiv Q \hat{z}$

אפשר לחשוב על היפוך הכולל כסכום דיפולים, או בעצם כמרכז המטען הכולל כפול \hat{z} (הפצ'ת היפוך).

ג'י'ן ל'ק'ג'ד' א'ת א'ונ'ו היפוך א'ם ג'פ'כ' צ'פ'י'בוצ'ת מטען מש'ט'ח'ים $+P = \epsilon_{ind}$ על המש'ט'ח הא'ון

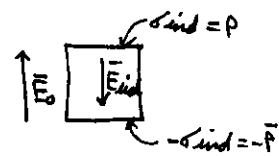
ו- $-P = -\epsilon_{ind}$ על המש'ט'ח התחתון. כ'פ'ול'ת: המ'ט'ען א'ב'ן מ'וש'כ'ה' על המש'ט'ח'ים.

ל'ן נק'ג'ד' בתוך הק'וג'יה ש'יה מ'וש'כ'ה' \bar{E}_{ind} ש'פ'וק' ע'ש'ק'ה' החיצונית.

$$\bar{E}_{ind} = -4\pi \sigma_{ind} = -4\pi \bar{P}$$

נק'ג'ד' התלש'ב' של השדה החשמלי:

$$\Rightarrow \bar{E} = \bar{E}_0 - \bar{E}_{ind} = \bar{E}_0 - 4\pi \bar{P}$$



$$\bar{E} = \bar{E}_0 - 4\pi \chi_e \bar{E}$$

בחומרים דיאלקטריים לעתים נקב'ם:

$$\Rightarrow \bar{E} = \frac{\bar{E}_0}{1 + 4\pi \chi_e} \equiv \frac{\bar{E}_0}{\epsilon}$$

ϵ נק'ט' התק'ום הק'י'א'ל'ק'ט'י של החומר.

ה'ט'וא'ק'ום (ק'ל'א'ס') $\epsilon = 1$. ג'ם חומר א'חד $\epsilon > 1$.